

INFORMATIQUE ET LINGUISTIQUE
INTELLIGENCE ARTIFICIELLE
MUSIQUE ET INFORMATIQUE

1973-1974
UNIVERSITÉ PARIS VIII
1974-1975

INITIATION
AU
LANGAGE - MACHINE
EN
QUASI-11

P. GREUSSAY

Nous programmeurs aimons voyager d'une machine à l'autre. D'abord parce que les paysages qui changent font du bien à l'esprit. Mais je crois aussi que, plus ou moins consciemment, vous pressentez que programmer trop longtemps à la suite dans le langage-machine d'une seule machine devient un peu asséchant, quelque chose qui devient un peu raide, quelque chose qui ressemble à la tristesse d'un ordinateur qui n'exécute que 1 ou 2 programmes, et toujours les mêmes.

Or un des buts de l'informatique est de rendre les programmeurs heureux.

Pourtant, il n'est pas contestable que la première machine sur laquelle on s'est fait les dents est plutôt déterminante sur votre point de vue ultérieur sur les langages-machines. Ya des machines qui contraignent littéralement leur utilisateurs à accumuler feintes et astuces ; ça fait des esprits obliques, habiles à contourner l'oppression ; dans l'hypothèse la plus optimiste, je vois que ça fait des gars habitués à se construire, sur toute machine, LEUR machine.

Je n'aime pas vraiment cette idée. Je vois que ça rend orgueilleux, ce qui a une bonne tendance à augmenter le temps de mise au point de programmes un peu longs.

Je préfère que soit offerte au débutant une machine plus souple, orientée vers une programmation plus expressive, je veux dire, qui donne un style de programmation qui permettent d'exprimer et de décrire les problèmes que le programme traite. Bref, des programmes dont la lecture donne plus une idée du problème, que des acrobaties du programmeur.

Voilà pourquoi il y a quasi 11.

On discute souvent de ces idées-là avec C. LENØRHAND et Y. DEVILLERS. Je remercie H. WERTZ qui a détecté et rectifié une erreur dans l'interprète tout à fait insidieuse.

Si vous trouvez une erreur manifeste de fonctionnement dans le système, laissez tout dans l'état, et venez me prévenir. Ça permettra de faire sauter encore une des erreurs qui restent sans aucun doute dedans.

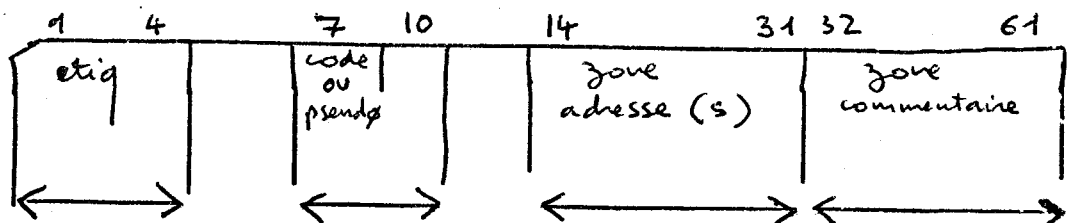
DESCRIPTION PLUTÔT RAPIDE MAIS COMPLÈTE DE L'ASSEMBLEUR.

ETIQUETTE : c'est une étiquette définie par l'usager,
d'une longueur non supérieure à 4 caractères
OU le caractère " . "

ADRESSE : c'est : étiquette
OU étiquette \pm nombre

NOMBRE : c'est un nombre.

Malgré ces indications, considérons les PSEUDOS,
il y a, sachant que la mise en page s'effectue
comme suit :



ORIG { nombre
 adresse : implémente ce qui suit à partir
 de l'adresse indiquée

END { nombre
 adresse : indique la fin du programme à
 assembler, ainsi que l'adresse de
 lancement.

RES nombre : réserve autant de mots que le
 nombre on spécifie.

DC { adresse
nombre
/ chaîne de caractères /

range l'adresse ou le nombre dans un mot,
ou bien range la chaîne de caractères en mémoire,
à raison de 1 caractère par mot.

C'est tout. Voici quelques remarques utiles :

- ↓ ne pas assembler au dessous de l'adresse 11.
- ↓ s'il n'y a point d'ORIG, l'assemblage débute automatiquement à partir de l'adresse 11.
- ↓ la zone adresse de END spécifie l'adresse de la 1^{re} instruction exécutable du programme.
- ↓ 4 caractères au plus, pour une étiquette.
- ↓ le nombre associé à RES peut être ≤ 0 .
- ↓ la chaîne associée éventuellement à un DC aura une longueur d'au plus 18 caractères.
- ↓ le caractère "/" est assemblable s'il suit immédiatement le 1^{er} "/" séparateur.
- ↓ on peut placer autant d'ORIG qu'on veut, on pos du tout, seul le END est obligatoire.
- ↓ un caractère "*" en 1^{re} colonne indique une ligne commentaire.
- ↓ les conventions auront déjà remarqué que les tabulations sont identiques à celles de l'assembleur 510.

L'assembleur ne marque pas, s'il y a lieu, de donner à l'usage les diagnostics d'erreurs
que voici *ER 1 ; plusieurs fois la même étiquette
en zone étiquette.

*ER 2 : code inconnu

*ER 3 : adresse inconnue

*ER 4 : programme trop long

Voici des exemples -

→

	ØRIG	60
HØP	DC	15
BØPL	RES	2
A	DC	/B/
*		

on a les liaisons étiquettes - adresses

HØP ↔ 60

BØPL ↔ 61

A ↔ 63

et on aura en mémoire :

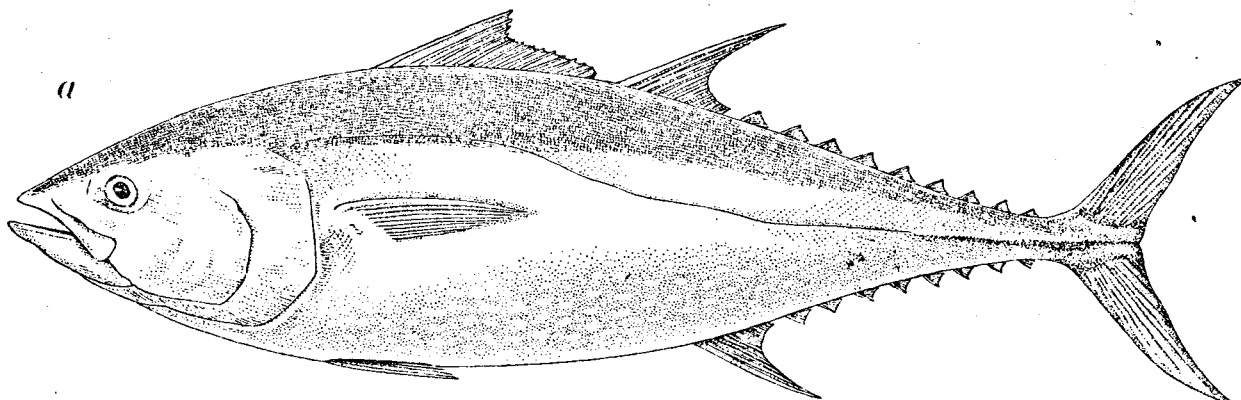
60	15
61	
62	
63	"B"

→

	ØRIG	15
NIB	DC	+3
FRRR	DC	NIB
	DC	/DER/
	DC	-5
*		

NIB ↔ 15
FRRR ↔ 16

15	18
16	15
17	"D"
18	"E"
19	"R"
20	-5



→		ØRIG	206	NIB ↔ 206
	NIB	RES	0	NØB ↔ 207
		DC	NIB + 50	
	NØB	DC	NIB - 20	
*		ØRIG	NØB + 4	
		DC	• - 1	
		DC	NØB	
*				

206	256
207	186
208	
209	
210	
211	210
212	207

	ØRIG	90
MESG	DC	/MESSAGE □ ØK/
BGKP	RES	0
SEC	RES	3
QUØI	DC	• + 10
*		

MESG ↔ 90
 BGKP ↔ 100
 SEG ↔ 100
 QUØI ↔ 103

90	M
91	E
92	S
93	S
94	A
95	G
96	E
97	□
98	Ø
99	K
100	
103	113

EXERCICES : indiquer a/ les associations classes = étiquettes
b/ la répartition en mémoire de

5

①

	ØRIG	20
AA	DC	/ - + /
	RES	1
BB	DC	// * /
*		

②

	ØRIG	600
A	RES	2
	ØRIG	A - 100
B	RES	2
	ØRIG	B - 100
C	DC	/ 3 /

③

	ØRIG	110
B	DC	. + 3
A	DC	A - 5
	DC	B + 500
	DC	. - 20

④

	ØRIG	20
A	RES	100
	ØRIG	.
TABL	DC	10
	DC	-20
	DC	30
	DC	-40

SOLUTIONS =

①

AA ↔ 20	20 21 22 23 24
BB ↔ 23	- + / *

②

A ↔ 600	400
B ↔ 500	3
C ↔ 400	

③

B ↔ 110	110 111 112 113
A ↔ 111	113 106 611 93

④

A ↔ 20	120 121 122 123
TABL ↔ 120	10 -20 30 -40

DESCRIPTION MOINS RAPIDE, MAIS PLUS DIDACTIQUE, DE LA MACHINE DONT CE SIMULATEUR EST LE SIMULATEUR.

Parlons un peu, à présent de ^{mieux} l'engin. Je vais y aller en douceur; il y a des tableaux synoptiques et éclairants à la fin du papier.

Il existe 10 registres à tout faire, numérotés de 0 à 9. Deux d'entre eux ne sont pas si à tout faire que ça, le 9 est le compteur ordinal, le 8 est un pointeur de pile. Je ne toucherai pas pour l'instant à ces deux-là, et nous ferons avec 0 à 7. Je les dénote par R_0, R_1, \dots, R_7 et, une adresse en mémoire (adresse x), je l'écris $M[x]$.

On va se limiter pour le moment à quelques instructions.

CLR	D
-----	---

 : elle met zéro dans D.

excs : CLR 3 effet : $0 \rightarrow R_3$
 CLR 7 $0 \rightarrow R_7$

excs :

ØRIG	20	
BPP	RES	1
BIP	RES	1
⋮		
CLR	BPP	$0 \rightarrow M[20]$
CLR	BIP	$0 \rightarrow M[21]$

Heureuse machine qui permet d'adresser de la même façon mémoire et registres ! (Mais tout se paye, dans ce monde idéal, et adresser la mémoire prend, à l'exécution, plus de temps qu'adresser un registre). CLR est, à l'évidence, une instruction à 1 adresse, cette adresse je la nomme destination (D).

On en apprend une autre :

7

$M\phi V$ S, D : elle place le contenu de S en D.

S pour "source"

D pour "destination", c'est tout à fait parlant.

S et D peuvent être, indépendamment, 1 registre, ou 1 mot en mémoire.

exs : $M\phi V$ 0, 1 $R0 \rightarrow R1$
 $M\phi V$ 7, 5 $R7 \rightarrow R5$
 $M\phi V$ 1, 1 $R1 \rightarrow R1$ (idiot).

exs :

ϕRIG	20
B ϕP RES	1
BIP RES	1
:	:
$M\phi V$ B ϕP , 2	$M[20] \rightarrow R2$
$M\phi V$ 4, BIP	$R4 \rightarrow M[21]$
$M\phi V$ BIP, B ϕP	$M[21] \rightarrow M[20]$

$M\phi V$ est donc une instruction à 2 adresses.

Allons y d'un petit bout de programme connu

AVANT

R0
-1

R1
40

et : $M\phi V$ 0, 2
 $M\phi V$ 1, 0
 $M\phi V$ 2, 1

APRES

R0
40

R1
-1

Un autre, de la même farine :

ϕRIG	100
B ϕP DL	-1
BIP DL	40
:	:
$M\phi V$ B ϕP , 0	
$M\phi V$ BIP, B ϕP	
$M\phi V$ 0, BIP	

AVANT :

100	101	R0
-1	40	∞

APRES

100	101	R0
40	-1	-1

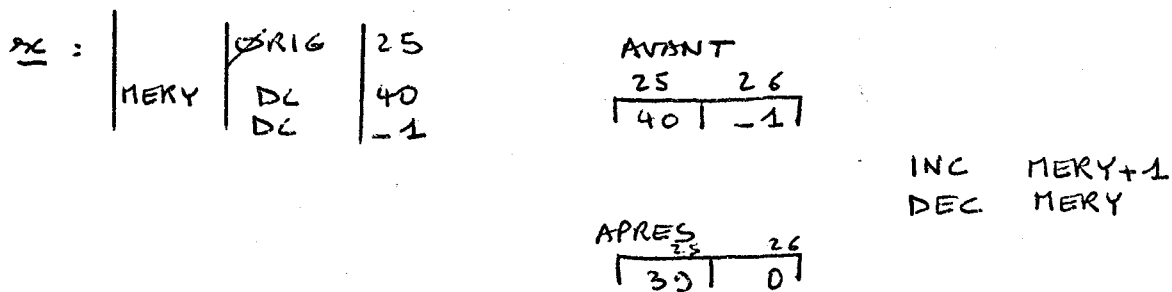
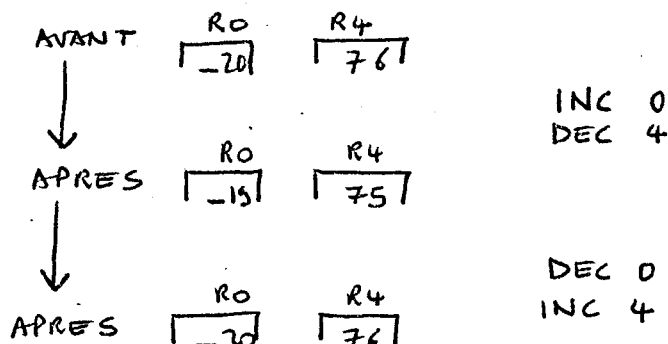
Il est clair qu'ont été échangés les contenus de B ϕP et BIP.

NOUS connaissons 2 instructions : $CLR\ D \quad 0 \rightarrow D$
 $M\&V\ S, D \quad S \rightarrow D$

Connaissons-en de nouvelles :

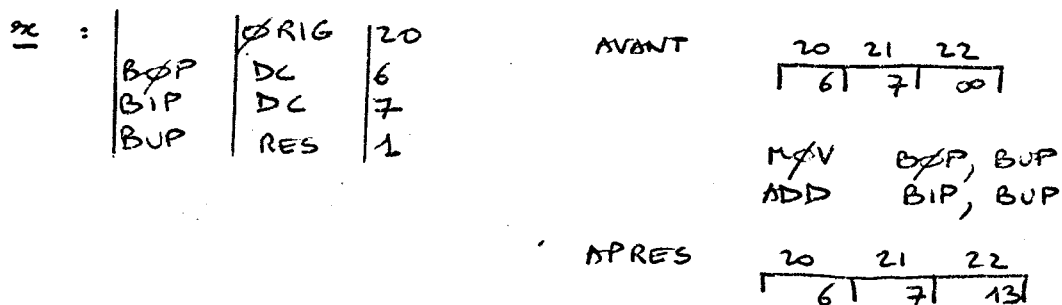
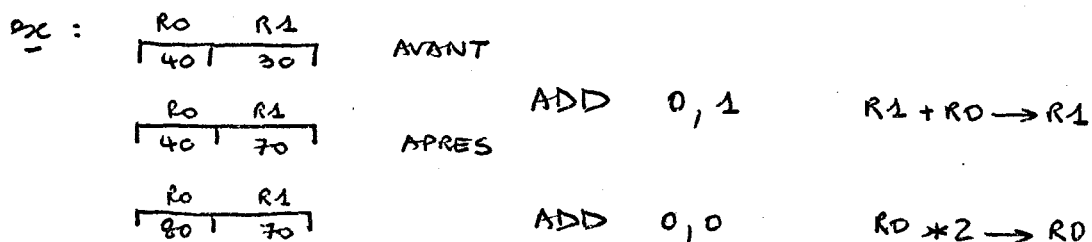
$INC\ D \quad D+1 \rightarrow D$
 $DEC\ D \quad D-1 \rightarrow D$

exemples :



Voici encore une petite instruction à 2 adresses :

ADD S, D $D + S \rightarrow D$



Grimpons à présent d'un cran dans l'adressage.

Lorsque S ou D sont des registres, c'est un adressage par registre. Lorsque S ou D sont un mot de mémoire, c'est un adressage "relatif" (vous verrez plus tard que cela signifie relatif au compteur ordinal).

Voici à présent l'adressage immédiat : on spécifie l'opérande directement dans l'instruction, et on indique ceci par $\text{M}\phi\text{V}$ = opérande, celui-ci pouvant être un nombre tout autant qu'une adresse.

ex : $\text{M}\phi\text{V} = 5, 2 \quad 5 \rightarrow R2$
 $\text{M}\phi\text{V} = -71, 0 \quad -71 \rightarrow R0$
 $\text{M}\phi\text{V} = 15, \text{B}\phi\text{P} \quad 15 \rightarrow \text{B}\phi\text{P}$

ex :

ϕRIG	100
$\text{B}\phi\text{P} \text{ DC}$	/QUOI/
$\text{BIP} \text{ RES}$	1
\vdots	
$\text{M}\phi\text{V}$	= $\text{B}\phi\text{P}, 2$
$\text{M}\phi\text{V}$	= $\text{B}\phi\text{P}+3, \text{BIP}$

 $100 \rightarrow R2$
 $103 \rightarrow M[104]$

Donc, CLR 3 est une façon compacte et plus rapide d'exécution de dire : $\text{M}\phi\text{V} = 0, 3$.

Avons nous encore dans la connaissance de cet ordinateur regent. Nous connaissons déjà les 10 registres. Il existe également une bidouille qui peut se placer dans 6 états, non véritablement tous distincts, et bien connus des fortranistes : EQ, NE, LT, LE, GT, GE.

La dite bidouille se positionne d'elle même dans l'état de la D (estimation) de l'instruction la plus récemment exécutée. Nommons la bidouille CC (Condition Code. cf le PSW du 360).

ex

AVANT	$\frac{\text{CC}}{00}$	$\frac{\text{R0}}{1}$
↓		
APRES	$\frac{\text{CC}}{\text{EQ}}$	$\frac{\text{R0}}{0}$
↓		
APRES	$\frac{\text{CC}}{\text{LT}}$	$\frac{\text{R0}}{-1}$

DEC 0
DEC 0

J'ai affirmé tout à l'heure que les états n'étaient pas tous distincts, en effet

EQ	veut dire	$= 0$
NE		$\neq 0$
LT		< 0
LE		≤ 0
GT		> 0
GE		≥ 0

Le CC ne teste et n'est utilisé par les branchements que voici :

BR	D	VERS D toujours (quelquesoit l'état de CC)
BREQ	D	si CC = 0
BNE	D	$\neq 0$
BLE	D	≤ 0
BLT	D	< 0
BGE	D	≥ 0
BGT	D	> 0

ex : voici un programme qui ne fait rien de très spécial. R0 part de -30, va jusqu'à 0 et recommence indéfiniment.

REC	MPV	$= -30, 0$
REM	INC	0
	BNE	REM
	BR	REC

On peut donc modifier l'état de CC par une instruction qui change arithmétiquement le contenu de D, ainsi que par les deux autres que voici :

TST	D	$D \rightarrow CC$
CHP	S, D	$D - S \rightarrow CC$

ex :

- TST 1
BREQ ici
VERS ICI si R1 = 0
- TST HEP
BLT GP
VERS GP si M[HEP] < 0
- CHP 1, 0
BREQ RE
VERS RE si R0 = R1, i.e. si $R0 - R1 = 0$
- CHP 1, 0
BGT RE
VERS RE si R0 > R1, i.e. si $R0 - R1 > 0$
- CHP 3, HEP
BNE RE
VERS RE si M[HEP] ≠ R3.

Exercice : que fait le programme suivant ?

11

	M ϕ V	= 8, 0
	M ϕ V	= 5, 1
	BR	E2
E1	INC	1
	DEC	0
E2	BNE	E1

Solution : c'est une façon tout à fait récursive d'effectuer l'addition $8 + 5 = 13 \rightarrow R1$

Exercice : que fait ceci ? :

	M ϕ V	= 11, 3
	CLR	1
	BR	TEST
RE	ADD	3, 1
TEST	DEC	3
	BGT	RE

Solution : ceci place dans R1

$$10 + 9 + 8 + 7 + \dots + 2 + 1 = 55$$

Exercice : et ceci ?

	CLR	0
	M ϕ V	= 1, 1
	M ϕ V	= 7, 2
	BR	RE2
RE1	M ϕ V	1, 3
	ADD	0, 1
	M ϕ V	3, 0
RE2	DEC	2
	BNE	RE1

Solution : est placé dans R1 : 13, 7^{ème} élément de la suite de Fibonacci.

Sans nul doute, le lecteur se sent à présent détendu et parfaitement à son aise. Dès lors, continuons à approfondir ces questions d'adressages. Nous en connaissons jusqu'à présent trois :

- 1°/ adressage par registre, S ou D $\in [0, 3]$
- 2°/ relatif, S ou D adresse en mémoire
- 3°/ immédiat, S ou D : = opérande :

En voici un nouveau, l'adressage indexé.

S ou D : adresse (registre)

exemple :

	ØRIG	100
TAB	DC	1
	DC	2
	DC	3
	RES	1
*	MØV	= 2, 0
*	MØV	TAB(0), 1
	INC	0
	MØV	= 4, TAB(0)
	ADD	TAB(0), TAB

100	101	102	103
1	2	3	∞

$$\frac{R0}{2}$$

$$M[100+2] \rightarrow R1$$

$$\frac{R1}{3}$$

$$\frac{R0}{3}$$

$$4 \rightarrow M[100+3]$$

100	101	102	103
1	2	3	4

100	101	102	103
4	2	3	4

TO 2nd bit
MOV TAB(0), TAB

L'opérande sera donc, si S ou D : $ADR (reg_2)$
 $M[ADR + contenu du registre]$

exemple : remettre à 0 une table de 10 éléments.

	ØRIG	20
* TTAB	RES	10
*	MØV	= 0, 1
RE	CLR	TTAB(1)
	DEC	1
	BGE	RE

20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
1									

$$\frac{R1}{3}$$

$$R1 - 1 \rightarrow [20+1] \rightarrow CLR TAB(1)$$

exemple : une autre façon de faire la même chose :

	ØRIG	20
TTAB	RES	10
*	MØV	= -10, 1
RE	CLR	TTAB+10(1)
	INC	1
	BNE	RE

20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
1									

$$\frac{R1}{-10}$$

$$\frac{R1}{-10}$$

$$\frac{20+10}{+10} = 30$$

$$\frac{30}{+9} = 39$$

exemple : copier un vecteur de 80 éléments dans un autre vecteur de 80 éléments.

	ØRIG	70
* VEC1	RES	80
VEC2	RES	80
*		
	MØV	= 79, 0
RE	MØV	VEC1(0), VEC2(0)
	DEC	0
	BGE	RE

exemple : placer 80 caractères " " (blanc) dans une zone de 80 éléments.

	ØRIG	30
* ZØNE	RES	80
BLAN	DL	/ /
*		
	MØV	= -80, 0
RE	MØV	BLAN, ZØNE+80(0)
	INC	0
	BNE	RE

exemple : la même chose, légèrement plus rapide.

	MØV	= -80, 0
	MØV	BLAN, 1
RE	MØV	1, ZØNE+80(0)
	INC	0
	BNE	RE

exemple : additionner 2 vecteurs V1, V2 dans un troisième.

	ØRIG	200
* V1	RES	30
V2	RES	30
V3	RES	30
*		
	MØV	= 29, 0
RE	MØV	V1(0), V3(0)
	ADD	V2(0), V3(0)
	DEC	0
	BGE	RE

Exemple : produit scalaire des vecteurs V_1 et V_2 de 30 éléments
(sachant que MUL S, D effectue $D * S \rightarrow D$)

i.e. $\sum_{i=0}^{29} V_1[i] * V_2[i] \rightarrow \text{PSCA}$.

	ØRIG	15
* V1	RES	15
V2	RES	15
* PSCA	RES	1
*	MØV	= 14, 0
	CLR	1
RE	MØV	V1(0), 2
	MUL	V2(0), 2
	ADD	2, 1
	DEC	0
	BGE	RE
	MØV	1, PSCA

Exemple : ordonner par ordre croissant une suite SV de 20 entiers
(Tri de BUBBLE)

	ØRIG	40
SV	RES	20
*	MØV	= 19, 0
E1	MØV	0, 1
E2	DEC	1
	CMP	SV(0), SV(1)
	BLE	E3
	MØV	SV(0), 2
	MØV	SV(1), SV(0)
	MØV	2, SV(0)
E3	TST	1
	BNE	E2
	DEC	0
	BNE	E1

$SV(0) \rightarrow R2$
 $SV(1) \rightarrow SV(0)$
 $R2 \rightarrow SV(0)$

Exemple : étant donné une suite de 50 éléments, placer dans MAX
l'élément maximum de la suite.

	ØRIG	30
* SUIT	RES	50
MAX	RES	1
*	MØV	SUIT+49, MAX
	MØV	= 48, 0
E1	CMP	MAX, SUIT(0)
	BLE	E2
	MØV	SUIT(0), MAX
E2	DEC	0
	BGE	E1

Maintenant que vous sommes familiers avec tout ce qui précède, prenons de la hauteur. Voici une table de toutes les instructions, à l'exception toutefois

- des entrées/sorties que nous allons voir tout à l'heure
- des instructions de branchement et retour à (de) sous-programmes.

INSTRUCTIONS :

à zéro adresse : **HALT** termine l'exécution du programme, et fait imprimer la durée de cette exécution.

à une adresse :

BR	D	:	$\text{VHS } D$
BNE	D	:	$\text{VHS } D \text{ si } CC \neq 0$
BEQ	D	:	$= 0$
BGT	D	:	> 0
BGE	D	:	≥ 0
BLT	D	:	< 0
BLE	D	:	≤ 0
CLR	D	:	$0 \rightarrow D$
INC	D	:	$D+1 \rightarrow D$
DEC	D	:	$D-1 \rightarrow D$
NEG	D	:	$-D \rightarrow D$
TST	D	:	$D \rightarrow CC$

à deux adresses :

MOV	S, D	:	$S \rightarrow D$
CMP	S, D	:	$D - S \rightarrow CC$
ADD	S, D	:	$D + S \rightarrow D$
SUB	S, D	:	$D - S \rightarrow D$
MUL	S, D	:	$D * S \rightarrow D$
DIV	S, D	:	$D \div S \rightarrow D$

Jeu d'instructions calme et sans problème, tout à fait indiqué pour l'enseignement de l'algorithmique non-numérique et combinatoire.

Avant de découvrir les traits les plus avancés de cette honorable machine, soyons pratique en considérant ici les problèmes d'entrées et de sorties de données.

les choses entrent SUR CARTES.

sortent (sont imprimées) SUR DU PAPIER.

Nous pouvons entrer (et sortir)

- . des chaînes de caractères alphanumériques .
- . des suites d'octets (cadres et convertis) .

Voyons un peu :

ENTRER DU CARACTERE : RA D

sont aussitôt (voire !) avalés les 80 caractères alphanumériques à partir de l'adresse D en mémoire.

exemple : ϕRIG 100
 $z\phi NE$ RES 80
 :
 RA $z\phi NE$

100	L
101	E
102	⌈
103	C
104	I
105	E
106	L
107	⌈
⋮	⋮

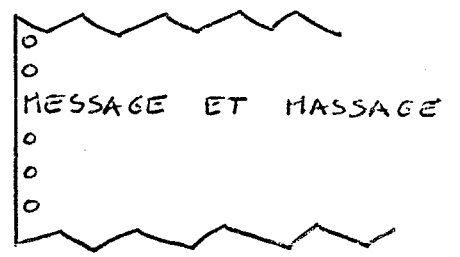
1	2	3	4	5	6	7	8	
L	E	⌈	C	I	E	L	⌈	...

SPRTIR DES CHAÎNES : WA S, D

cette instruction fait imprimer les S caractères en mémoire à partir de l'adresse D.

exemple : ϕRIG 200
 MSG DC /MESSAGE ET MESSAGE/
 :
 WA = 18, MSG

ceci imprime (on s'en doutait) :



exemple : sauter une ligne,

BLAN DC /⌈/
:
WA = 1, BLAN

LIRE UNE SUITE D'ENTIERES : RI S, D

lit sur une carte S entiers, $S \leq 10$, et les place en mémoire à partir de l'adresse D. Sur la carte, les entiers doivent être cadrés à droite toutes les 2 colonnes (i.e. le format 10I8 Fortran, pour ceux qui aiment ça).

exemple :
 ϕ RIG 20
 *
 TAB RES 4
 *
 MØV = 4, 0
 RI 0, TAB

et ceci avale, par exemple :

8	16	24	32
4 0	- 5	3	2 6 7

et place en mémoire :

20	40
21	-5
22	3
23	267

(J'ai, bien entendu, pu écrire aussi : RI = 4, TAB).

ECRIRE UNE SUITE D'ENTIERES : WI S, D

écrit sur une même ligne S entiers, $S \leq 10$, stockés en mémoire à partir de l'adresse D. Ils sont également cadrés en I8 sur la ligne.

exemple :
 ϕ RIG 30
 *
 DC -8
 DC 5
 DC 7
 BTAB DC 6
 *
 :
 WI = 4, BTAB-3

Ceci écrit :

0			
0			
0	-8	5	7
0			6
0			

Comme vous le savez, $\epsilon\bar{a}$ prend un temps fou, les entrées/sorties. Donc, si par exemple, on entre des données qu'on veut immédiatement traiter, il y a intérêt à ce que le processus de lecture soit terminé quand on commence le traitement, sous quoi la donnée ne sera généralement pas encore arrivée là où on la traite, et on n'aurait pas l'air malin.

Bref, il faut se donner les moyens d'attendre que l'opération d'entrée ou de sortie soit terminée. Attendre sur place, que $\epsilon\bar{a}$ se passe, ou bien on profite pour faire avancer le travail dans une autre zone du programme, qui ne dépend pas des données à lire ou à écrire. Ce moyen vous est donné par les instructions que voici.

BBR D : vers D si l'opération de lecture en cours n'est pas achevée.

BBW D : vers D si l'opération d'écriture en cours n'est pas achevée.

exemple : je veux lire un entier dans NB, lui ajouter 1, puis l'imprimer, puis arrêter.

1ER ESSAI

	ORIG	30	
NB	RES	1	
*			
DEB	RI	= 1, NB	1
	INC	NB	2
	WI	= 1, NB	3
	HALT		4
	END	DEB	

ligne 1 : ceci déclenche une opération de lecture de 1 nombre à partir de NB, et $\epsilon\bar{a}$ passe à la suite.

ligne 2 : ceci incrémente le contenu de NB, mais évidemment, le nombre n'est pas encore arrivé dans NB. RATE !

2D ESSAI : DEB RI = 1, NB 1
 BBR . 2
 INC NB 3
 WI = 1, NB 4
 HALT 5

ligne 1 : déclenche une opération de lecture de 1 nombre à partir de NB et passe à la suite.

ligne 2 : on boucle sur la ligne 2 tant que dure l'opération de lecture, et quand c'est fini, on va en

ligne 3 : on incrémente le nombre.

ligne 4 : on déclenche une opération de ~~lecture~~^{écriture} de 1 nombre à partir de NB, et on passe à la suite.

ligne 5 : où l'exécution du programme s'achève, et rien n'a été imprimé. ENCORE RATE !!

3ÈME ESSAI (et le bon): DEB RI = 1, NB
 BBR .
 INC NB
 WI = 1, NB
 BBW .
 HALT

Est-ce vu ?

Bon; il y a encore quelques aspects idiomatiques qu'il n'est pas mauvais de savoir.

Si on passe sur un BBR ou un BBW, alors qu'il n'y a pas d'opération de lecture (resp. d'écriture) en cours, ça n'a strictement aucun effet. Il ne faut donc pas se gêner.

Si, une opération d'I/Ø étant en cours, on passe sur un autre RI (RA) ou WI (WA), il est alors (le dernier) complètement ignoré.

exemple : renvoyer 100 nombres dans la table TAB

```

      ORIG 20
*
TAB RES 100
*
      MOV =10,0
      MOV =-100,1
RE    RI    0, TAB+100(1)
      BBR .
      ADD 0,1
      BNE RE
```

Il est clair qu'avec ces primitives un peu rustiques (BBR et BBW) on peut faire et enseigner toutes les excellentes bricoles, buffering, buffer swapping, buffers multiples, coroutines etc. décrites, par exemple dans les pages 211-225 du tome 1 du monument de Donald KNUTH *.

Le débutant pourra donc, sans trop de frais, éprouver les fortes sensations consécutives à l'écrasement de ses buffers.

* Donald E. KNUTH (1968): The Art of
Computer Programming. Vol 1.
Fundamental Algorithms.
ADDISON-WESLEY.

Après cet intermède comique, tournons-nous résolument vers l'avenir, et considérons quelques aspects moins folkloriques de notre engin.

Au fond, je crois que ce qui est important dans les machines de 3^{ème} génération c'est

- 1°/ une bordée de registres à tout faire, sans distinction bidon entre registres d'index et totalisateurs.

- 2°/ un jeu d'adressage complet et intelligent.

Nous connaissons jusqu'à présent quatre modes d'adressage de notre bestiole.

1°/	par registre	exemple :	INC 0
2°/	relatif		MØV ADR, 3
3°/	IMMEDIAT		MØV = -1, 7
4°/	INDEXÉ		INC TAB+71 (4)

Pour chacun de ces 4 modes, il existe deux aspects dont nous n'avons vu jusqu'à présent que le premier.

1. DIRECT

2. INDIRECT

exemple : BR RE : je m'envoie en RE
 mais : $\left[\begin{array}{l} \text{MØV} \\ \text{BR} \end{array} \right. = \text{RE}, 1 @1$: je m'envoie en l'adresse qui est la valeur courante de R1, ici RE.

le signe "@" indique que l'adressage, quelque soit son mode est alors INDIRECT.

exemple : je veux écrire quelque chose comme ça :

si R0 = 0 vers E1 sinon
 si R0 = 1 vers E2 sinon
 si R0 = 2 vers E3 sinon vers E4 (sachant que $R0 \in [0, 3]$)

```

Ø RIG 30
ETIQ DC E1
      DC E2
      DC E3
      DC E4
*      MØV ETIQ (0), 3
      BR @3
    
```


exemple :

	ØRIG	30
BØP	DC	HEP
HEP	RES	1
*	MØV	=1, @BØP

: place 1 dans HEP
i.e. $1 \rightarrow M[3]$
ou encore : $1 \rightarrow M[M[30]]$

Très pratique, l'indirection, dans tous les cas où il y a à manipuler des listes, des aiguillages, des chaînes, et en général des adresses et des paramètres.

Bien sûr, les personnes à l'esprit compliqué auront déjà repéré d'apparentes incohérences inhérentes à ces modes d'adressage.

exemples de stupidités particulières :

$MØV = 1, = 0$, ce qui a l'air de ne rien vouloir dire, pas plus que ce qui suit :

$MØV @ = 3, 1$ ou encore ceci

$MØV 2, = ADR$

exemples de redondances :

$MØV ADR, 0$ est équivalent à

$MØV @ = ADR, 0$ cette dernière étant

toutefois d'exécution plus longue.

Ø SAISIES , Ø CHATEAUX

Nous venons que tout cela se résout finalement très bien, et les mêmes gens compliqués y trouvent la une occasion supplémentaire d'astucier tout à leur aise ; c'est après tout un problème s'ils aiment rendre, de leurs programmes, les mises au point interminables.

Voici deux nouvelles possibilités d'adressage, de puissance considérable.

1° mode AUTO-INCREMENT

S ou D (reg) +

. C'est tout à fait identique à @reg, i.e. l'adresse d'opérande est le contenu du registre reg, mais après extraction de l'opérande, le registre reg est incrémenté de 1.

exemple : $M\phi V (1)+, 0$

est équivalent à $\begin{bmatrix} M\phi V @1, 0 \\ INC 1 \end{bmatrix}$

2° mode AUTO-DECREMENT

S ou D -(reg)

. C'est la même chose que 1°, mais, avant l'extraction, le registre est décémenté de 1.

Donc, $M\phi V -(1), 0$ est équivalent à :

$\begin{bmatrix} DEC 1 \\ M\phi V @1, 0 \end{bmatrix}$

Ceci donne le moyen de manipuler des PILES sans trop se fatiguer, le registre reg servant alors de pointeur de sommet de pile. Les graphies (reg)+ et -(reg) soulignent assez les moments où le registre pointeur est incrémenté (resp. décémenté) i.e. avant ou après l'extraction de l'opérande.

Bien sûr, cette possibilité remarquable servira à bien d'autres usages également que les manipulations de piles, nous venons cela bientôt.

Voici à présent un exemple, certes un peu forcé d'utilisation du dispositif.

\emptyset RIG 20
 RESU RES 1
 \emptyset RIG 199
 PILE RES 1

*

$M\phi V = PILE + 2, 1$
 $M\phi V = RESU, -(1)$
 $M\phi V = 5, -(1)$
 $M\phi V = 2, -(1)$
 $M\phi V = 3, -(1)$

R1 pointeur de pile.

empile l'adresse RESU

empile l'entier 5

empile l'entier 2

empile l'entier 3

état de la pile

197	2	← R1
198	2	
199	5	
200	20	

MUL (1)+, @1

ceci effectue :

$$\begin{cases} M[R1] \rightarrow \text{opd1} \\ R1 + 1 \rightarrow R1 \\ M[R1] \times \text{opd1} \rightarrow M[R1] \end{cases}$$

état de la pile

198	6	← R1
199	5	
200	20	

ADD (1)+, @1

même chose.

état de la pile :

199	11	← R1
200	20	

$M\phi V (1)+, @ (1)+$

ceci effectue :

$$\begin{cases} M[R1] \rightarrow \text{opd1} \\ R1 + 1 \rightarrow R1 \\ M[R1] \rightarrow \text{opd2} \\ R1 + 1 \rightarrow R1 \\ \text{opd1} \rightarrow M[\text{opd2}] \end{cases}$$

autrement dit $11 \rightarrow M[RESU]$
et $R1 = 201$

pile

200		← R1
-----	--	------

le lecteur aura noté qu'il s'agit de l'exécution de l'expression post-fixée :

RESU 5 2 3 * + ←

Les gens qui étudient et produisent des compilateurs voient d'ici les avantages que leur offre un adressage pareil. On y compilera à priori du code épataant.

Il y a aussi une foultitude d'autres possibilités, je vais en énumérer quelques unes ; reste qu'il ne faut pas bien sûr balancer en tel quel aux débutants ; avec les modes registre, immédiat, relatif et indexé, ils ont déjà de quoi s'occuper pour un moment.

Il y a eu en 1970, dans les actes de la Spring Joint Computer Conference *, un papier sur la machine inspiratrice de notre engin, et, dedans, il y a quelques joyeux exemples que je vous livre tels quels.

FORMAT 2 ADRESSES :

MØV	B, A	$B \rightarrow A$	placer contenu de B en A
MØV	=N, A	$N \rightarrow A$	placer N dans A
MØV	B(1), A(1)	$B[i] \rightarrow A[i]$	vecteur \rightarrow vecteur
MØV	(1)+, (2)+	$\begin{cases} B[i] \rightarrow A[i] \\ i+1 \rightarrow i \end{cases}$	vecteur \rightarrow vecteur et avancer

FORMAT REGISTRES :

MØV	A, 1	$A \rightarrow R1$	load
MØV	1, A	$R1 \rightarrow A$	store
MØV	@A, 1	$M[A] \rightarrow R1$	load indirect
MØV	1, 3	$R1 \rightarrow R3$	inter registres
MØV	1, A(2)	$R1 \rightarrow A[i]$	store indexé

* G. BELL et al. (1970) : "A new architecture for mini-computers, the DEC PDP-11"

MØV @A(0), 1	M[A[C]] → R1	load indexé indirect
MØV @0, 1	M[R0] → R1	load indirect via registre.
MØV (1)+, 3	$\begin{cases} M[R1] \rightarrow R3 \\ R1+1 \rightarrow R1 \end{cases}$	load indirect via registre et avancer.

FORMAT MACHINE A PILE :

S : sommet de pile.

MØV =N, -(0)	empiler N	N → S
MØV A, -(0)	empiler contenu de A	A → S
MØV @0(0)+, -(0)	M[S] → S	empiler le contenu de l'adresse stockée au sommet de pile.
MØV (0)+, A	S → A	depiler dans A
MØV (0)+, @0(0)+	S → M[S]	placer le sommet de pile à l'adresse empilée au sommet de pile - 1
MØV @0, -(0)	S → S	duplique le sommet de pile.
$\begin{cases} \text{TST } @0 \\ \text{BNE ETiq} \end{cases}$	vers ETiq si	sommet de pile ≠ 0
NEG @0	-S → S	

C'est confortable, sans peintes ni astuces. Seulement utilisation ordinaire d'un adressage intelligent.

exemples :

. initialiser à 0 1 vecteur de 100 éléments (plus rapide que tout à l'heure.

	ØRIG	20
VECT	RES	100
*	MØV	= -100, 0
	MØV	= VEC, 1
RE	CLR	(1)+
	INC	0
	BNE	RE

- un vecteur de 30 éléments. Produit de convolution
dans RESU, i.e. $\sum_{i=0}^{29} V[i] * V[29-i] \rightarrow \text{RESU}$

```

      ORIG 64
V      RES 30
RESU   RES 1
*
      MOV =-30,0
      MOV =V+30,1
      CLR 2
* RE   MOV -(1),3
      MUL V+30(0),3
      ADD 3,2
      INC 0
      BNE RE

```

- coller dans LONG l'adresse du dernier caractère non-blanc
d'un buffer BUF

```

      ORIG 77
BUF    RES 80
LONG   RES 1
BLAN   DC / /
*
      MOV MOV BLAN,0
      MOV MOV BUF+30,1
*
      RE   CMP 0,-(1)
          BNE RE
          INC 1
          MOV 1,LONG

```

- tester si le contenu d'un vecteur MIR de 15 éléments est
ou non un mot miroir. i.e. si $i \in [0,7]$

$MIR[i] = MIR[15-i]$

```

      ORIG 305
MIR    RES 15
*
      MOV =MIR+15,0
      MOV =MIR,1
      RE   CMP (1)+,-(0)
          BNE NON
          CMP 1,0
          BNE RE
oui    ....
NON    ...

```

```

*
*      MOT DE DYCK
*
ZONE  RES      80
F      DC      /F/
BLAN   DC      / /
LPAR   DC      /( /
RPAR   DC      /)/
YES     DC      /BON/
NO      DC      /MAUVAIS/
*
DEBU   RA      ZONE
      BBR      .
      WA      =80,ZONE
      BBW      .
      CMP      ZONE,F
      BNE      SUIT
      HALT

*
SUIT   CLR      1                      R1 COMPTEUR
      CLR      0                      R0 INDEX
LOOP   CMP      ZONE(0),BLAN
      BEQ      VOIR
      CMP      ZONE(0),LPAR
      BEQ      INCR
      CMP      ZONE(0),RPAR
      BNE      AVAN
*
      DEC      1
      BLT      NON
      BR       AVAN
*
INCR   INC      1
AVAN   INC      0
      BR       LOOP
*
VOIR   TST      1
      BGT      NON
*
      WA      =3,YES
      BR      WAIT
NON    WA      =7,NO
WAIT   BBW      .
      BR      DEBU
*
      END      DEBU

```

((()((()(
BON
(((
MAUVAIS
(((
MAUVAIS
((((()((
BON
F

1292 UNITS


```

*
*   PERMUTATION INVERSE DE 0 ... N-1 AVEC
*   MEMOIRE AUXILIAIRE.
*   N INF OU EGAL A 10
*
*
LPER  ORIG    100
      RI      N,XPER
      BBR     .
      WI      N,XPER
*
      MOV     N,5           R5 INDEX XPER
RE    DEC     5
      MOV     XPER(5),4
      MOV     5,YPER(4)    R4 INDEX YPER
      BNE     RE
*
      BBW     .
      WI      N,YPER
      BBW     .
*
READ  RI      =1,N
      BBR     .
      WI      =1,N
      TST     N
      BNE     LPER
      BBW     .
      HALT
*
N      RES     1
XPER   RES     10
YPER   RES     10
*
      END     READ

```

5								
2	3	4	0	1				
3	4	0	1	2				
3								
0	2	1						
0	2	1						
9								
4	8	0	7	1	5	3	6	2
2	4	8	6	0	5	7	3	1
0								

778 UNITS

```

*
*   PERMUTATION INVERSE SANS MEMOIRE AUXILIAIRE.
*
*   ORIG    20
*
*   LPER  RI    N, PERM+1
*         BBR    .
*         WI    N, PERM+1
*
*   MOV     N, 1                      R1 INDEX
*   BBW     .
* E1  NEG    PERM(1)
*     DEC    1
*     BGT    E1
*
*   MOV     N, 1
* E2  MOV     1, 3
*     NEG     3
* E3  MOV     3, 2
*     NEG     2
*     MOV     PERM(2), 3
*     NEG     3
*     BLT     E3
*
*   MOV     PERM(3), PERM(2)
*   MOV     1, PERM(3)
*   DEC     1
*   BGT     E2
*
*   WI      N, PERM+1
*
*   READ  RI    =1, N
*         BBR    .
*         WI    =1, N
*         TST    N
*         BNE    LPER
*         BBW    .
*         HALT
*
*   N      RES    0
*   PERM   RES    11
*
*   END      READ

```

4								
3	1	2	4					
2	3	1	4					
6								
4	3	5	6	2	1			
6	5	2	1	3	4			
9								
3	7	8	9	2	4	5	1	6
8	5	1	6	7	9	2	3	4
0								

1142 UNITS

```

*
*
*   RACINE CARREE APPROCHEE PAR SOUstractions SUCCESSIVES.
*
BLAN  DC      / /
*
RAC2  CLR      1
      CLR      2
      MOV      3,0
      BR       E2
E1     INC      1
      INC      2
E2     INC      2
      SUB      2,0
      BGE      E1
*
      BBW      .
      WI       =1,1
      BBW      .
      WA       =1,BLAN
*
READ  RI       =1,3
      BBR      .
      WI       =1,3
      TST      3
      BNE      RAC2
      BBW      .
      HALT
*
      END      READ

```

9
3
20
4
8100
90
150
12
0

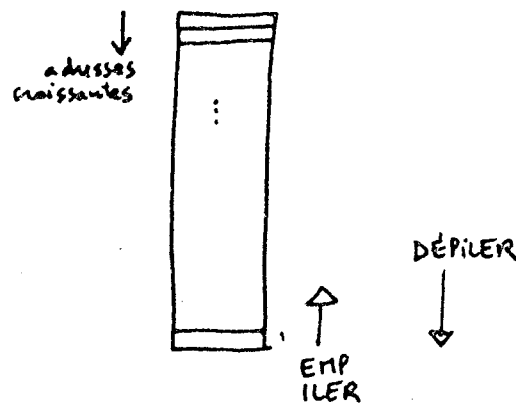
1281 UNITS

?

SØUS - PRØGRAMMES ET ENCHAÎNEMENTS DE SØUS-PRØGRAMMES

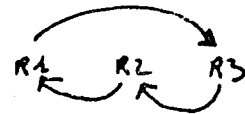
Il y a quelques temps, j'ai raconté que le registre R8 était révoqué. A quoi ? Voici l'idée : quand vous faites une pile, vous vous donnez un registre pointeur de pile, et vous l'initialisez à une adresse quelconque en mémoire, qui vous sert de fond de pile.

R8, c'est la même chose, sauf que ya pas à l'initialiser. Imaginez-vous la mémoire de votre machine comme une pile, où on empile dans le sens des adresses décroissantes. L'adresse du fond de pile étant la + haute adresse en mémoire, plus 1.



exemple : une petite transposition $R1 \leftrightarrow R2$.
On choisit normalement un registre auxiliaire, disons R3, et on fait :

MØV 1, 3
MØV 2, 1
MØV 3, 2



On pouvait s'épargner l'usage de ce registre auxiliaire comme ça :

MØV 1, -(8)	empiler R1
MØV 2, 1	$R2 \rightarrow R1$
MØV (6)+, 2	dépiler dans R2

Ya pas à s'occuper de l'initialisation de R8, c'est le système qui fait ça tout seul.

Autre exemple : vous voulez ranger R1, R2, R3 dans un coin tranquille et les récupérer plus tard.

Première solution : vous réservez des places en mémoire

*	AUX1	RES	1	
	AUX2	RES	1	
	AUX3	RES	1	
*				
	⋮			
	mpv	1, AUX1		} ranger
	mpv	2, AUX2		
	mpv	3, AUX3		
	⋮			
	mpv	AUX1, 1		} récupérer
	mpv	AUX2, 2		
	mpv	AUX3, 3		

Seconde solution : sous-réservation de mémoire auxiliaire

mpv	1, -(8)	empiler R1	} ranger
mpv	2, -(8)	empiler R2	
mpv	3, -(8)	empiler R3	
	⋮		
mpv	(8)+, 3	dépiler dans R3	} récupérer
mpv	(8)+, 2	dépiler dans R2	
mpv	(8)+, 1	dépiler dans R1	

ça va plus vite, et ça fait autant de sauts en moins.

Encore un exemple : vous voulez faire ça

$R0/R1 \rightarrow$ quotient (entier) dans R0
et reste dans R1

soit $R0 = x$, $R1 = y$

mpv	0, -(8)	empiler x
DIV	1, 0	$x/y \rightarrow R0$
MUL	0, 1	$(x/y) * y \rightarrow R1$
SUB	(8)+, 1	$R1 - x \rightarrow R1$
NEG	1	$-R1 \rightarrow R1$

on est en droit de considérer ça comme pratique.

Venons-en à présent à notre sujet, les sous-programmes.

Ya deux problèmes bien connus :

- 1/ où placer l'adresse de retour ?
- 2/ comment passer des arguments au sous-programme appelé ?

Je vais répondre à ces questions dans un instant.

D'abord l'instruction de branchement vers sous-programme, c'est :

JSR reg, D

i.e. vers sous-programme, dont la première instruction est à l'adresse D. Voici ce que ça fait exactement

exemple : JSR 1, SPRG

- 1/ ça empile R1
- 2/ ça colle dans R1 l'adresse de retour i.e. l'adresse de l'instruction qui suit l'appel.
- 3/ ça colle "SPRG" dans le compteur ordinal (je vous rappelle que c'est le registre R9).

En fait c'est équivalent à (exécute on une seule instruction)

R₁₆V 1, -(8)
 R₁₆V 9, 1
 R₁₆V = SPRG, 9

Pour sortir d'un sous-programme, on fera ceci :

RTS reg

- 1/ ça colle le contenu du registre reg dans le compteur ordinal
- 2/ ça dépile dans reg l'ancien contenu de ce registre (empilé par le JSR).

exemple : RTS 1, ça fait (on 1 seule instruction)

R₁₆V 1, aux
 R₁₆V (8)+, 1
 R₁₆V aux, 9

Donc vous voyez que l'adresse de retour n'est pas, à proprement parler, empilée, elle est collée dans reg, qu'on appelle "registre de liaison", et c'est l'ancienne valeur de reg qui est empilée.

En fait, pourquoi ne pas empiler directement l'adresse de retour ? En pratique, vous pouvez le faire en utilisant le compteur ordinal comme registre de liaison

exemple : JSR 9, SP ①

et revenir par : RTS 9 ②

ça fait : par ① empiler R9 (qui contient l'adresse de retour)
 puis : R9 ← adresse de retour
 puis : vers SP

par ② : $R9 \rightarrow R9$ (ce qui ne fait rien)
 puis : dépiler dans $R9$

En pratique, on utilise $R9$ comme registre de liaison quand
 ya pas d'arguments à passer au SP (Sous-Programme).

Dans ce cas, aucun autre registre que le compteur ordinal ($R9$)
 n'est modifié par l'appel.

Mais on doit utiliser un autre registre que $R9$ comme registre
 de liaison s'il y a à passer des arguments au sous-programme.

exemple : un SP qui revient avec, en $R0$, la somme des
 contenus de 2 adresses $X1$ et $X2$ en mémoire

appel : $\text{JSR } S, \text{SPH2}$
 $\text{DC } X1$
 $\text{DC } X2$

sous-programme : $\text{SPH2 } \text{MOV } @ (S)+, 0$
 $\text{ADD } @ (S)+, 0$
 $\text{RTS } S$

Voilà l'idée. Supposons que $X1$, c'est l'adresse 40
 et que $X2$, c'est l'adresse 153

et $\begin{array}{|c|} \hline 40 \\ \hline \alpha \\ \hline \end{array} \quad \begin{array}{|c|} \hline 153 \\ \hline \beta \\ \hline \end{array}$

Par commodité d'explication, je réécris appel et SP ainsi étiquetés

appel : $E1 \text{ JSR } S, \text{SPH2}$
 $E2 \text{ DC } X1$
 $E3 \text{ DC } X2$
 $E4 \dots$

SP $\text{SPH2 } \text{MOV } @ (S)+, 0$
 $E5 \text{ ADD } @ (S)+, 0$
 $E6 \text{ RTS } S$

Donc en $E1$: appel. on place "E2" dans RS et on va au SPH2
 au SPH2 : on place $M[M[E2]] = M[X1] = M[40] = \alpha$ dans $R0$, et
 on colle $E3$ dans RS (à gauche).
 en $E5$: on ajoute à $R0$ $M[M[E3]] = M[X2] = M[153] = \beta$, i.e.
 $\alpha + \beta$ et on colle $E4$ (l'adresse de retour) dans RS .
 en $E6$: on va à l'adresse contenue dans RS , i.e. $E4$
 qui est précisément l'adresse de retour.

Voilà.

exemple : un sous-programme qui remet à zéro un vecteur

appel : JSR 6, RAZV
 DC V1 : adresse du vecteur
 DC 10 : sa longueur
 ...

SP RAZV M ϕ V 0, -(8)] rangement de R0 et R1
 M ϕ V 1, -(8)
 M ϕ V (6)+, 0 adresse du vecteur dans R0
 M ϕ V (6)+, 1 longueur dans R1

 RAZ1 CLR (0)+] boîlle de remise à zéro
 DEC 1
 BNE RAZ1
 M ϕ V (8)+, 1] restitue R1 et R0
 M ϕ V (8)+, 0
 RTS 6 retour

exemple : un sous-programme NCAR qui place le nombre
 en R0, converti en une chaîne de caractères, à
 partir de l'adresse ADBF

appel : JSR 4, NCAR
 DC ADBF
 ...

SP : NCAR M ϕ V (4)+, 5
 NC2 M ϕ V =10, 1
 JSR 4, IDIV
 M ϕ V 1, -(8)
 TST 0
 BEQ ϕ K
 JSR 4, NC2
 ϕ K M ϕ V (8)+, 0
 M ϕ V CHIF(0), (5)+
 RTS 4

 CHIF DC /0123456789/
 IDIV M ϕ V 0, -(8)
 DIV 1, 0
 MUL 0, 1
 SUB (8)+, 1
 NEG 1
 RTS 4

les restes des divisions successives par 10 sont empilés, puis placés
 en ordre inverse à partir de l'adresse passée en argument à l'appel de
 NCAR.

Cette routine rappelle une partie d'elle-même (à l'adresse NC2) jusqu'à ce qu'un
 quotient nul soit obtenu en R0, par la routine de division entière IDIV
 (R0/R1, quotient dans R0, reste dans R1). A chaque itération, R0 est divisé par 10,
 le quotient résultant est placé dans R0, et le RESTE est empilé. La pile contient
 donc : les restes, les adresses de retour des appels de NC2, au moment où le
 quotient devient nul ; on va alors se brancher vers ϕ K.

le segment de sous-programme débutant au ϕK dépile les restes, et les envoie à partir de l'adresse passée en argument à l'appel de NCAR, jusqu'à ce que la pile revienne au l'état où elle était après l'appel de NCAR. A ce moment, RTS 4 provoque le retour au programme principal.

Etudiez très soigneusement cette routine *ctpr*.

Autre exemple : un sous programme FACT qui calcule et renvoie ds RO, la factorielle du nombre passé en argument dans RO. On utilisera ici R3 comme registre de liaison.

```

FACT    TST    0
        BNE    FACZ
        MØV    =1,0
        RTS    3
FACZ    MØV    0,-(8)
        DEC    0
        JSR    3,FACT
        MUL    (8)+,0
        RTS    3

```

On notera que ce SP est totalement équivalent, dans sa formulation à la fonction réursive :

```

(DE FACT (N)
  (COND
    ((ZERØP N) 1)
    (T (TIMES N (FACT (SUB1 N))) ) )

```

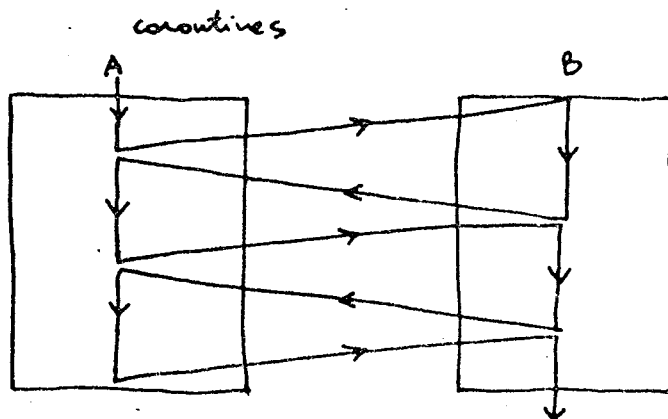
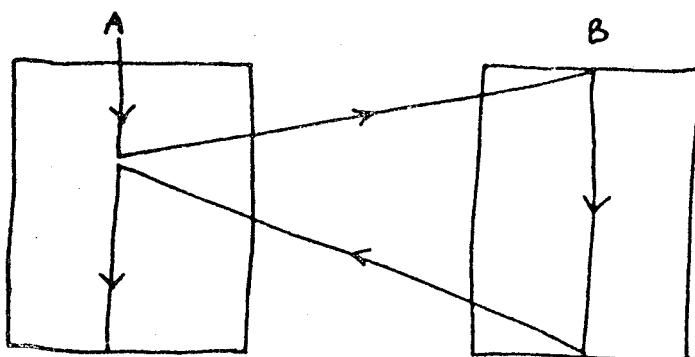
Je m'en voudrais de ne pas terminer ce papier sans souligner une possibilité remarquable, dont le constructeur DIGITAL est particulièrement fier (quoique j'ai des raisons de penser que cette possibilité, conséquence de l'adressage, n'a pas été à proprement parler pensée à l'avance).

Si je fais :

```
JSR    3, @ (8)+
```

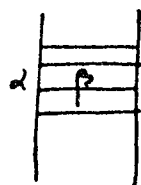
ça échange le SPINET DE PILE et le compteur ordinal.
 ça sert à 2 sous-programmes par s'appeler mutuellement par échange strict de leurs adresses de retour. Ce type de collaboration non-hiérarchique entre sous-programmes est connu sous le nom de

exemples: collaboration hiérarchique entre A et B



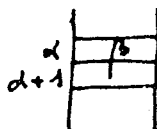
exemple : soit la pile

RG
α



et JSR 9, @ (8) +
8 ...

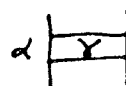
ca fait : 10/ instruction décodée



β → aux

20/ empiler la valeur courante de RG

RG
α

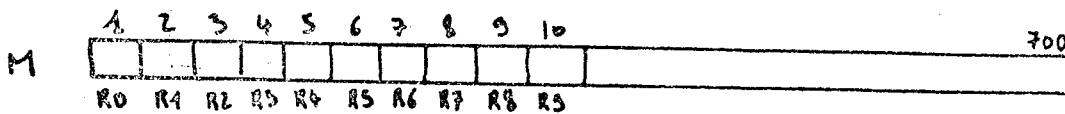


30/ aux → RG , i.e. β

Pour bien saisir ce mécanisme, revoyez p. 38 ce que fait exactement JSR.

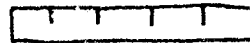
DESCRIPTION DU SIMULATEUR.

La mémoire, c'est 1 tableau FORTRAN [1:700]



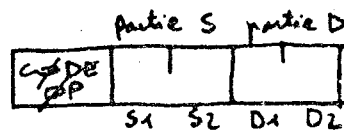
Les registres R0 à R9 occupent les 10 premiers mots du tableau.
 Au début de l'exécution d'un programme, le pointeur de pile R8 est initialisé à 700.

Voici comment est codée une instruction.
 sur 5 chiffres



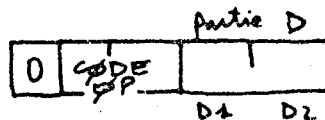
Ya 2 types d'instructions

1°/ instructions à 2 adresses



CODE OP : 1 chiffre $\in [1, 9]$

2°/ instructions à 0 ou 1 adresse



CODE OP : 2 chiffres $\in [13, 30]$

registres : 1 chiffre $\in [0, 9]$.

PC \equiv R9 compteur ordinal.

Voici les codes :

2 adresses	M ϕ V	1	CC, D \leftarrow S
	CHP	2	CC \leftarrow D - S
	ADD	3	CC, D \leftarrow D + S
	SUB	4	CC, D \leftarrow D - S
	MUL	5	CC, D \leftarrow D * S
	DIV	6	CC, D \leftarrow D / S
	RI	7	lire M[S] octets en I8 à partir de D → avec M[S] \in [1, 10]
	WI	8	écrire M[S] octets en I8 à partir de D
	WA	9	écrire M[S] caractères en A1 à partir de D → M[S] \in [1, 80]
1 adresse	BR	13	PC \leftarrow D i.e. V \neq S D
	BNE	14	PC \leftarrow D si CC \neq 0
	BEQ	15	PC \leftarrow D si CC = 0
	BGT	16	PC \leftarrow D si CC > 0
	BGE	17	PC \leftarrow D si CC \geq 0
	BLT	18	PC \leftarrow D si CC < 0
	BLE	19	PC \leftarrow D si CC \leq 0
	BBR	20	PC \leftarrow D si une opération de lecture est en cours
	BBW	21	PC \leftarrow D si une opération d'écriture est en cours
	RTS	22	PC \leftarrow reg, p ϕ P (reg)
	CLR	23	CC, D \leftarrow 0
	INC	24	CC, D \leftarrow D + 1
	DEC	25	CC, D \leftarrow D - 1
	NEG	26	CC, D \leftarrow -D
	HALT	27	STOP
	TST	28	CC \leftarrow D
	RA	29	lire 80 caractères en A1 sur une carte à partir de D
	JSR	30	PUSH (reg) ; PC \rightarrow reg ; D \rightarrow PC

ADRESSAGE

on a S = S1 S2

D = D1 D2

, on va les appeler des MOQUES.

Soit un mode : 2 chiffres constants c1 c2 .

c2 spécifie un registre \in [0, 9]

c1 \in [0, 7]

c1	direct	indirect	adressage
0	1		registre
2	3		auto-incrément et immédiat (c2 est alors R3)
4	5		auto-décrément
6	7		indexé et relatif \rightarrow (c2 est alors R3)

exemples :
 mov 1,2 donnera
 mov @1,@2
 mov 0,-(1)
 mov -(2),@(4)+
 mov (1)+,@-(3)

1	01	02
1	11	12
1	00	41
1	42	34
1	21	53

exemples : mov =-1,2

1	23	02
-1		

↓ l'opérande immédiat est stocké dans le mot suivant

mov =700,@5

1	23	15
700		

exemples : soit ADR1 \equiv 200 , ADR2 \equiv 300

mov ADR1,0

1	63	00
200		

mov 1,ADR2

1	01	63
300		

mov ADR1,ADR2

1	63	63
200		
300		

↓ les 2 opérandes sont stockés dans les mots suivants.

exemples : mov @ADR2,@ADR1

1	73	73
300		
200		

mov ADR1(0),ADR2(0)

1	60	60
200		
300		

mov @ADR2(3),@ADR1(5)

1	73	75
300		
200		

mov =ADR1,@=ADR2

1	23	33
200		
300		

Voici les temps associés aux instructions, en unités arbitraires qu'on suppose très petites.

MOV, CMP, ADD, SUB, BR, BNE, BEQ, BGT, BGE, BLT, BLE, BBR, BBW, CLR, INC, DEC, NEG, TST, HALT : 1U

MUL = 5U

DIV = 6U

RTS = 2U

JSR = 3U

RI, RA, WI, WA : 50U au minimum, ça a l'air vraiment modeste, mais si j'avais mis plus vraisemblable, i.e. $\approx 500-5000$ U, le simulateur aurait eu l'air de s'arrêter pour longtemps, ce qui est psychologiquement déprimant (voir aussi KNUTH, volume 1, p. 208, exercice [6]).

L'emploi de l'indirection, de l'indexation, du mode immédiat, et du mode relatif allonge l'exécution d'1 U.

		<u>TEMPS</u>
exemples :	MOV 0, 1	1U
	MOV @0, 1	2U
	MOV @0, @1	3U
	MOV X(0), 1	2U
	MOV X(0), Y(1)	3U
	MOV @X(0), @Y(1)	5U
	MOV =1, 2	2U
	MOV 2, B	2U
	MOV (0)-, +(1)	1U

PATRICK GREUSSAY.

VINCENNES

1973


```

C
C
C
1      DO 2 ID=1,700
2      M(ID)=0
      IPC=11
      IET=141
      IBOO=1

C
C      READ CARD.
C
300     READ(19,202)IBUF
      IF(IDEB.EQ.1STAR) GOTO 300
      IF(IDEB.EQ.IBLAN) GOTO 304

C
C      LABEL
C
      IF(NETIQ(1))302,302,301
C
C      CALL ERROR(1)
301     GOTO 304
C
C      STORE LABEL.
C
302     IET=IET-1
      DO 303 J=1,4
303     IETIQS(J,IET)=IBUF(J)
      IETIQS(5,IET)=IPC

C
C      PSEUDO OR CODE
C
304     DO 305 I=28,31
      IF(JCOD-IUBOP(I)) 305,315,305
305     CONTINUE
C
C      IS CODE.SCAN ADRESS FIELD.
      IPC=IPC+1
      IPO=5
C
C      LOOP FIELDS 1 AND 2.
306     IPO=IPO+1
      J=IBUF(IPO)
      IF(J.EQ.IBLAN) GOTO 300
C
C      CAS CODE SANS OPERANDE(S) EX HALT.
      IF(J.EQ.IARON) IPO=IPO+1
      J=IBUF(IPO)
      IX=IBUF(IPO+1)
      IF(J.EQ.LPAR) GOTO 310
      IF(J.NE.MOINS) GOTO 307
      IF(IX-LPAR) 309,310,309
307     DO 308 I=3,12
      IF(J-ICARSP(I)) 308,311,308

```

```

308  CONTINUE
C                                     INCREMENT PC
309  IPC=IPC+1
C                                     LOOP IN FIELD 1 OR 2.
310  IPO=IPO+1
      J=IBUF(IPO)
C                                     SEARCH FO BLANK OR COMMA. IN FIELD
      IF(J.EQ.IBLAN) GOTO 300
      IF(J-IVIR) 310,306,310
C
311  IF(IX.EQ.IBLAN.OR.IX.EQ.IVIR) GOTO 310
      GOTO 309
C
C                                     PSEUDO. ORG,END,RES,DC.
C
315  I=I-27
      GOTO (320,399,340,350),I
C                                     ORG END RES DC
C
C                                     ORG
C                                     I,J DUMMIES.
320  IPO=6
      I=ITYCAR(J)
      IPC=ICC2
      GOTO 300
C                                     END . TO 2D PASS.
C
C                                     RES
340  IPC=IPC+ICONV(6)
      GOTO 300
C
C                                     DC
350  IF(IZAD.NE.ISLASH) GOTO 360
      IPO=7
351  IPC=IPC+1
      IPO=IPO+1
      IF(IBUF(IPO)-ISLASH)351,300,351
C
360  IPC=IPC+1
      GOTO 300
C
C
C
399  DO 12000 J=IET,141
12000 PRINT 204,(IETIQS(I,J),I=1,5)
      IPC=11
      STOP

```

```

C                                     2D PASS
C
C                                     READ CARD
C
400  READ(19,202) IBUF
      IF(IDEB-ISTAR)402,401,402
C
C                                     PRINT COMMENT
401  CALL SSWTCH(1,J)
      IF(J.EQ.1) GOTO 400
      I=29
4010 I=I-1
      IF(IBUF(I).EQ.IBLAN) GOTO 4010
      PRINT 202,(IBUF(J),J=1,I)
      GOTO 400
C
C                                     PSEUDO OR CODE
C
C                                     IX,IY INDEX DE ISD
402  IX=1
      IY=3
      IS=0
      ID=0
      IS1=(-100000)
      ID1=(-100000)
      IPO=6
C
C                                     INIT FOR FIELD.CONVENIENT HERE FOR PRINTING.
      DO 403 I=1,31
      IF(JCOD-IUBOP(I))403,404,403
403  CONTINUE
C
C                                     ERROR . UNKNOWN CODE.
      CALL ERROR(2)
      GOTO 482
C
C                                     IS CODE OR PSEUDO
404  IF(I-28)405,490,490
C
C                                     IS CODE
C
C                                     CODE FOUND. SCAN ADDRESS FIELD.
405  ICOD=I
C
C                                     UOP=1-18,BOP=19-27.
      IF(ICOD.EQ.15) GOTO 480
C
C                                     HALT, WITHOUT OPERANDS.
      IF(ICOD.LT.18)IX=2
C
C                                     LOOP FIELDS 1 AND 2
408  IND=0
      IF(IBUF(IPO).NE.IARON)GOTO 409
C
C                                     DEFERRED
      IND=1
      IPO=IPO+1

```

```
C
C                                     GET TYPE
C
409      I=ITYCAR(ICC)
          GOTO(410,430,450,470),I
          REG INC DEC IMM INDX AND RELAT
C
C                                     REGISTER                                R
410      J=0
          GOTO 470
C
C                                     IMMEDIATE                            =AD , =NB
420      ISD(IY)=ICC2
C                                     AUTO INCREMENT                        (R)+
430      J=2
          GOTO 470
C
C                                     INDEXED AND RELATIVE AD(R),NB(R),AD,NB
440      ISD(IY)=ICC2
          J=6
          GOTO 470
C
C                                     AUTO DECREMENT                        -(R)
450      J=4
C
C                                     FORM XX AND PUT IT IN ISD(IX)
C                                     ISD(IY) EVENTUALLY CONTAINS AD OR NB.
C
470      ISD(IX)=(J+IND)*10+ICC
C
C                                     ICC=REGISTER 0-9
C                                     IND=PARITY , DEFERRED OR NOT 1-0
C                                     J   =MODE 0,2,4,6
C
IF(IBUF(IPO).NE.IVIR) GOTO 480
IPO=IPO+1
IX=2
IY=4
GOTO 408
C
C
C                                     ASSEMBLE    XX IN IS,XX IN ID
C                                     EVENTUALLY  AD,NB IN IS1 OR/AND ID1
480      IF(ICOD.GT.18) GOTO 481
C
C
C                                     1-18 TO 01300-03R00
ICOD=(ICOD+12)*100
GOTO 482
```



```

C
499  I=ITYCAR(J)
C
500  M(IPC)=ICC2
      CALL PRINTP(2)
      IPC=IPC+1
      GOTO 400
C
C
C      END
492  I=ITYCAR(J)
      ID=ICC2
C
C
C      ***** RUN *****
C
C      TEST ASMB ERROR ELSE EXECUTE.
C
      ID1=IB00
9999  IPCXEQ=ID
      IF(ID1.EQ.1) CALL EXEC
      STOP
      CALL SSWTCH(5,I)
      IF(I-1) 1,9999,1
      END
A

```

```

C      SUBROUTINE EXEC
C      EXECUTION MODULE.
C
C      COMMON IBUF(28), IET, ICARSP(19), M(705)
C
C      LOGICAL FINOUT
C      FINOUT(I)=I.NE.0.AND.I.LE.ITIMES
C
C      EQUIVALENCE (KIN, IBUF(7)), (KOU, IBUF(8)), (ITIMES, IBUF(9))
C      EQUIVALENCE (IS4, IBUF(10)), (ID4, IBUF(11)), (JIN, IBUF(12))
C      EQUIVALENCE (JOU, IBUF(13)), (IS3, IBUF(14)), (ID3, IBUF(15))
C      EQUIVALENCE (IPC, M(10)), (ISP, M(9))
C      EQUIVALENCE (ID, IBUF(1)), (ICOD, IBUF(2)), (LR, IBUF(19))
C      EQUIVALENCE (INS, IBUF(20)), (ID1, IBUF(21)), (IS1, IBUF(6))
C      EQUIVALENCE (IZAD, IBUF(16)), (ICC, IBUF(17)), (LASTIM, IBUF(18))
C
C      FORMATS
C      200  FORMAT(10I8)
C      201  FORMAT(80A1)
C      205  FORMAT(///10X, I8, 7H  UNITS///)
C
C      KIN=0
C      KOU=0
C      ITIMES=0
C      LASTIM=0
C      ISP=701
C
C      RUN
C
C      NEXT - DECODE
C
C      10000  INS=M(IPC)
C      ITIMES=ITIMES+LASTIM
C      LASTIM=1
C      CALL SSWTCH(2, ID)
C      IF(ID.EQ.1) PRINT 200, (M(ID), ID=1, 10)
C      TRACE SI CLE 2
C
C      CALL SSWTCH(3, ID)
C      IF(ID.EQ.1) RETURN
C      TRAP SI CLE 3
C
C      IF(FINOUT(KIN)) GOTO 10005
C      10013  IF(FINOUT(KOU)) GOTO 10009
C
C      10014  IPC=IPC+1
C      ICOD=INS/10000
C      UOP=0 , BOP=1, 9
C      IF(ICOD)10004, 10001, 10004

```

```

C
C          UOP
C          0 TO 13-30 TO 1-18
10001 ICOD=INS/100-12
      INS=MOD(INS,100)
C          CC0XX EXCEPT RTS=0220R , JSR=03RXX
      IF(ICOD.EQ.10)LR=INS+1
C          RTS          LR=1-10
      IF(ICOD-18)10003,10002,10002
C          JSR 18-27 TO ICOD=18,LR=1-10
10002 LR=ICOD-17
      ICOD=18
C
10003 ID=IDECOD(INS)
      ID1=M(ID)
      IZAD=ID+79
C
C          FOR RA
C          BR BNE BEQ BGT BGE BLT BLE BBR BBW RTS CLR
      GOTO(800,801,802,803,804,805,806,807,808,809,810,
*811,812 ,813,814 ,815,816,817),ICOD
C          INC DEC NEG HALT TST RA JSR
C
C          BOP
C          CXXXX
10004 INS=MOD(INS,10000)
      IS=IDECOD(INS/100)
      ID=IDECOD(MOD(INS,100))
      IS1=M(IS)
      ID1=M(ID)
      IZAD=ID+IS1-1
C
C          FOR RI,WI,WA
      GOTO(700,701,702,703,704,705,706,707,708),ICOD
C          MOV CMP ADD SUB MUL DIV RI WI WA
C
C          ID = DESTINATION
C          IS = SOURCE
C
C          BOP
C          MOV
700 ICC=IS1
      GOTO 900
C          CMP
701 ICC=ID1-IS1
      GOTO 10000
C          ADD
702 ICC=ID1+IS1
      GOTO 900
C          SUB
703 ICC=ID1-IS1
      GOTO 900

```

```

C
C      MUL
704   ICC=ID1*IS1
      LASTIM=5
      GOTO 900

C      DIV
705   ICC=ID1/IS1
      LASTIM=6
      GOTO 900

C      RI
706   JIN=1
      GOTO 709

C      WI
707   JOU=1
      GOTO 710

C      WA
708   JOU=2
      GOTO 710

C
C
C      INIT I/O.
C
C      INIT INPUT.
709   IF(KIN.NE.0) GOTO 10000
      KIN=ITIMES+50
      IS3=ID
      ID3=IZAD
      GOTO 10000

C
C      INIT OUTPUT.
710   IF(KOU.NE.0) GOTO 10000
      KOU=ITIMES+50
      IS4=ID
      ID4=IZAD
      GOTO 10000

C
C      UOP
C
C      BR
800   IPC=ID
      GOTO 10000

C      BNE BEQ BGT BGE BLT BLE
801   IF(ICC)800,10000,800
802   IF(ICC)10000,800,10000
803   IF(ICC)10000,10000,800
804   IF(ICC)10000,800,800
805   IF(ICC)800,10000,10000
806   IF(ICC)800,800,10000

```

```

C
C          BBR
807  IF(KIN) 800,10000,800
C          BBW
808  IF(KOU) 800,10000,800
C          RTS
809  IPC=M(LR)
      M(LR)=M(ISP)
      ISP=ISP+1
      LASTIM=2
      GOTO 10000

C          CLR
810  ICC=0
      GOTO 900

C          INC
811  ICC=ID1+1
      GOTO 900

C          DEC
812  ICC=ID1-1
      GOTO 900

C          NEG
813  ICC=(-ID1)
      GOTO 900

C          HALT
814  PRINT 205,ITIMES
      RETURN

C          TST
815  ICC=ID1
      GOTO 10000

C          RA
816  JIN=2
      GOTO 709

C          JSR
817  ISP=ISP-1
      M(ISP)=M(LR)
      M(LR)=IPC
      IPC=ID
      LASTIM=3
      GOTO 10000

C
C
900  M(ID)=ICC
      GOTO 10000

C
C          EXECUTE READ.
C
10005 GOTO (10006,10007),JIN
C
C          EXEC RI.
10006 READ(19,200) (M(ID),ID=IS3,ID3)
      GOTO 10008

```

```
C
C          EXEC RA.
10007 READ(19,201) (M(ID),ID=IS3,ID3)
C
C          SET READ READY AGAIN.
10008 KIN=0
      GOTO 10013
C
C          EXECUTE WRITE.
C
10009 GOTO (10010,10011),JOU
C
C          EXEC WI
10010 PRINT 200,(M(ID),ID=IS4,ID4)
      GOTO 10012
C
C          EXEC WA
10011 PRINT 201,(M(ID),ID=IS4,ID4)
C
C          SET WRITE READY AGAIN.
10012 KOU=0
      GOTO 10014
C
C
      END
      A
```

```

C      FUNCTION NETIQ(KK)
C
C      CHERCHE SI IBUF(KK --- JUSQUE VIR, BLAN, LPAR, PLUS, MOINS,
C      OU 4 CARs EST DEJA DANS IETIQS.
C      OUI= RAMENE ADRESSE IETIQS(1,5)
C      NON=      ZERO.
C      DANS TOUS LES CAS, PLACE IPO SOUS CAR SUIVANT ETIQUETTE.
C      IT(1-4) = AUXILIAIRE POUR STOCKER ETIQ.
C
C      COMMON IBUF(28), IET, ICARSP(19), M(705)
C      COMMON /COM2/ I, J, IT(4)
C      DIMENSION IETIQS(5,141)
C
C      EQUIVALENCE (IPLUS, ICARSP(2)), (MOINS, ICARSP(13))
C      EQUIVALENCE (IBLAN, ICARSP(15)), (IVIR, ICARSP(17))
C      EQUIVALENCE (LPAR, ICARSP(1)), (IPO, M(8))
C      EQUIVALENCE (IETIQS(1), M(1))
C
C
C      IPO=KK
C      NETIQ=0
C      DO 1 I=1,4
1      IT(I)=IBLAN
C      DO 2 I=1,4
C      IT(I)=IBUF(IPO)
C      IPO=IPO+1
C      J=IBUF(IPO)
C      IF(J.EQ.IVIR.OR.J.EQ.LPAR.OR.J.EQ.IBLAN.OR.
C      *J.EQ.IPLUS.OR.J.EQ.MOINS) GOTO 3
C      CONTINUE
2      DO 5 I=IET, 141
3      DO 4 J=1,4
C      IF(IT(J)-IETIQS(J, I))5,4,5
4      CONTINUE
C      NETIQ=IETIQS(5, I)
C      RETURN
5      CONTINUE
C      RETURN
C      END
C      A

```

```

C      FUNCTION ICONV(IPO1)
C
C      CONVERTIT A PARTIR DE IPO1
C      ET POINTE IPO SOUS CAR SUIVANT LE NB.
C
COMMON IBUF(28), IET, ICARSP(19), M(705)
COMMON /COM2/ ISIG, K, I
EQUIVALENCE (MOINS, ICARSP(2)), (IPLUS, ICARSP(13))
EQUIVALENCE (IPO, M(8))

```

```

C
C
      IPO=IPO1
      I=IBUF(IPO)
      ISIG=1
      K=0
      IF(I.NE.MOINS) GOTO 1
      ISIG=(-1)
      GOTO 2
1      IF(I-IPLUS)3, 2, 3
2      IPO=IPO+1
3      DO 4 I=3, 12
      IF(IBUF(IPO)-ICARSP(I))4, 6, 4
4      CONTINUE
5      ICONV=K*ISIG
      RETURN
6      K=K*10+I-3
      GOTO 2
      END
      A

```

```

C
      FUNCTION MOD(I, J)
      MOD=I-(I/J)*J
      RETURN
      END
      A

```



```
C      SUBROUTINE ERROR(I)
COMMON IBUF(28), IET, ICARSP(19), M(705)
COMMON /COM2/ KK
EQUIVALENCE (IBOO, M(1))

C      IBOO=62415
C      ROUGE
C      PRINT 100, IBOO, I
      KK=4
      IF(I.EQ.1) KK=3
      CALL PRINTP (KK)
C      POUR IMPRESSION LIGNE ERREUR.
      IBOO=0
      RETURN

C
100  FORMAT(A1, 4H*ER , 18)
      END
      A
```

FUNCTION ITYCAR(ICC)

CALLED BY 409 PP.
 DETERMINE LE TYPE DU FIELD COURANT,
 PUIS POINTE IPO SOUS LE CAR SUIVANT LE FIELD.
 RAMENE NO TYPE 1-5 , ICC , ET ICC2 SI YA LIEU.

	NO	TYPE	ICC	ICC 2
R	1		0-9	NIL
(R)+	2		0-9	NIL
-(R)	3		0-9	NIL
=AD =NB	4		9	AD OU NB
AD(R) NB(R)	5		0-9	AD OU NB
AD NB	5		9	AD OU NB

```
COMMON IBUF(28),IET,ICARSP(19),M(705)
COMMON /COM2/ KK
```

```

EQUIVALENCE (LPAR, ICARSP(1)), (MOINS, ICARSP(2)), (ISTAR, ICARSP(14))
EQUIVALENCE (IPC, M(705)), (K, ICC2, M(2)), (IX, M(9))
EQUIVALENCE (IEGAL, ICARSP(19)), (IPO2, IPO, M(8))
EQUIVALENCE (I, M(3)), (J, M(4))
EQUIVALENCE (IBLAN, ICARSP(15)), (IVIR, ICARSP (17))

```

```
J=IBUF(IPO)
```

```
KK=IBUF(IPO+1)
```

IS REG

R

DO 1 I=3,12

```
IF(J-ICARSP(I))1,7,1
```

CONTINUE

IS AUTO INC

 $(R)^+$

```
IF(J.EQ.LPAR) GOTO 8
```

IS AUTO DEC

- (R)

```
IF(J.EQ.MOINS.AND.KK.EQ.LPAR) GOTO 9
```

IS IMMEDIATE

$$=AD \quad =NB$$

ICC=9

```
IF(J.EQ.IEGAL) GOTO 2
```

IS RELATIVE OR INDEXED

$$IX=2$$

GOTO 3

IMMEDIATE . IX USED FOR RETURN IF NOT INDEXED.

ITYCAR=4

$$IX=1$$

IP0=IP0+1

 $K=0$

COMMON PART FOR IMMEDIATE,RELATIVE,INDEXED
GET ADRESS OR NUMBER

```

C
C                                ADDRESS .+NB, .-NB
12 DO 4 I=2,13
   IF(IBUF(IPO)-ICARSP(I))4,6,4
4   CONTINUE
C                                ADDRESS GET LABEL.
   K=NETIQ(IPO2)
   IF(K)6,5,6
C                                ERROR ADDRESS UNKNOWN
5   CALL ERROR(3)
   RETURN
C                                NUMBER . CONVERT IT.
6   ICC2=K+ICONV(IPO2)
C                                K=IPC OR 0
C
11  IF(IX.EQ.1) RETURN
C                                IX=1 IMMEDIATE
C                                RELATIVE OR INDEXED
   ITYCAR=5
   IF(IBUF(IPO).NE.LPAR) RETURN
C                                RETURN IF RELATIVE
C                                INDEXED          AD(R) NB(R)
   ICC=ICONV(IPO2+1)
   GOTO 10
C
C                                REGISTER          R
7   IF(KK.NE.IBLAN.AND.KK.NE.IVIR) GOTO 14
   ITYCAR=1
   ICC=I-3
   GOTO 10
C
C                                AUTO INCREMENT          (R)+
8   ITYCAR=2
   ICC=ICONV(IPO2+1)
   IPO=IPO+2
   RETURN
C
C                                AUTO DECREMENT          -(R)
9   ITYCAR=3
   ICC=ICONV(IPO2+2)
10  IPO=IPO+1
   RETURN
   END
   A

```

```

C
FUNCTION IDECOD(IXX)
C
C      ADRESSAGE PDP 11.          10 REGISTRES.
C      RAMENE DANS IS OU ID L ADRESSE D OPERANDE.
C
C      IXX == XR      R=0-9   XX/2=0,2,4,6
C                      SI INDIRECT 1,3,5,7
C
C      0      REGISTER
C      2      AUTO INC , IMMEDIAT SI R=9
C      4      AUTO DEC
C      6      INDEXED , RELATIVE SI R=9
C
COMMON IBUF(28),IET,ICARSP(19),M(705)
C
EQUIVALENCE (IX1,IBUF(3)),(IAD,IBUF(4)),(IREG,IBUF(5))
EQUIVALENCE (IPC,M(10))
EQUIVALENCE (LASTIM,IBUF(18))
C
IX1=IXX/10
IAD=IX1/2+1
IREG=MOD(IXX,10)+1
GOTO(100,101,102,103),IAD
      REG INC DEC INDX
C
C      REG
C
100  IAD=IREG
      GOTO 105
C      AUTO INC ET IMMEDIAT
101  IF(IREG.EQ.10) GOTO 1011
      IAD=M(IREG)
      M(IREG)=M(IREG)+1
      GOTO 105
C      IMMEDIAT
1011 IAD=IPC
      GOTO 104
C      AUTO DEC
102  M(IREG)=M(IREG)-1
      IAD=M(IREG)
      GOTO 105
C      INDEXED ET RELATIVE
103  IF(IREG.EQ.10) GOTO 1031
      IAD=M(IPC)+M(IREG)
      GOTO 104
C      RELATIVE
1031 IAD=M(IPC)
104  LASTIM=LASTIM+1
      IPC=IPC+1
C
C      INDIRECTION SI IX1 IMPAIR
105  IF(MOD(IX1,2))106,107,106
106  IAD=M(IAD)
      LASTIM=LASTIM+1
107  IDECOD=IAD
      RETURN
      END
      A

```

```

C      SUBROUTINE PRINTP(I)
C
C      SI J = 1          YA LA CLE
C          I=0 RETURN
C          I=2 RETURN
C          I=4 LISTER IPC,M(IPC),BUFFER      (FROM ERROR)
C      SI J = 2          YA PAS LA CLE
C          I=0 LISTER IPC,M(IPC)
C          I=2 LISTER IPC,M(IPC),BUFFER
C          I=4 RETURN      (FROM ERROR)
C
COMMON IBUF(28), IET, ICARSP(19), M(705)
EQUIVALENCE (IPC,M(705)), (J,M(7))
EQUIVALENCE (IBLAN, ICARSP(15))
COMMON /COM2/ K,L
C
CALL SSWTCH(1,J)
K=I+J
GOTO (4,1,4,2,2,4), K
1  PRINT 200, IPC,M(IPC)
RETURN
2  K=29
3  K=K-1
IF (IBUF(K).EQ.IBLAN) GOTO 3
PRINT 200, IPC,M(IPC), (IBUF(L), L=1, K)
4  RETURN
C
200  FORMAT(2I8, 4X, 4A1, 2X, A4, 2X, 18A1, 5A6)
END

```

```

BR  BNE BEQ BGT BGE BLT BLE BBR BBW RTS CLR INC DEC NEG HALTTST
RA  JSR MOV CMP ADD SUB MUL DIV RI  WI  WA  ORIGEND RES DC
(-0123456789+*  ‡, /=.

```

```

*
*      INVERSION D UN ENTIER POSITIF.
*
BLAN  DC      / /
E1    CLR     1
      BBW     .
      BR      E3
*
E2    MOV     0, -(8)
      DIV     =10, 0
      SUB     0, 1
      MUL     =10, 1
      ADD     (8)+, 1
E3    TST     0
      BNE     E2
      WI      =1, 1
      BBW     .
      WA      =1, BLAN
READ  RI      =1, 0
      BBR     .
      WI      =1, 0
      TST     0
      BNE     E1
      BBW     .
      HALT
*
      END     READ

```

- E1. L'entier à inverser est dans N.
 E2. $K \leftarrow 0$.
 E3. Si $N=0$, l'entier inversé est dans K. Fini.
 E4. $X \leftarrow N$. Ici, N est simplement empilé.
 E5. $N \leftarrow N/10$.
 E6. $K \leftarrow (K-N)*10 + X$. Vers E3.

Pour l'emploi de la pile standard, voir page 36.
 $R0 \equiv N$, $R1 \equiv K$.

5
5

1234
4321

1551
1551

572
275

0

965 UNITS

```

*
* FACTORIELLES RECURSIVES.
*
DEBU CLR 1
RE MOV 1,0
JSR 9,FACT
BBW .
MOV 1,N
MOV 0,N+1
WI =2,N
INC 1
CMP =9,1
BNE RE
BBW .
HALT

*
FACT TST 0
BNE SUIT
MOV =1,0
RTS 9
SUIT MOV 0,-(8)
DEC 0
JSR 9,FACT
MUL (8)+,0
RTS 9

*
N RES 2
*
END DEBU

```

FACT . Si $M=0$, $M \leftarrow 1$. Retour .
 F2 . Empiler M .
 F3 . $M \leftarrow M-1$.
 F4 . appeler FACT .
 F5 . $M \leftarrow M * \text{sommet de pile}$. Dépiler .
 F6 . Retour .

$R0 \equiv M$

Pour l'emploi de JSR avec R9 comme registre de liaison, voir page 38 .

0	1
1	1
2	2
3	6
4	24
5	120
6	720
7	5040
8	40320

828 UNITS

```

*
*      HANOI
*
      ORIG      30
N      RES      1
BUF    DC       /DISQUE 0 DE 0 A 0/
NUM    DC       /123456789/
*
HANI   MOV       1, -(8)
      MOV       2, -(8)
      MOV       3, -(8)
      MOV       4, -(8)
      DEC       1
      MOV       @8, 3
      MOV       1(8), 4
      JSR       9, HANO
      MOV       (8)+, 2
      MOV       (8)+, 3
      MOV       (8)+, 4
      MOV       (8)+, 1
      BBW       .
      MOV       NUM-1(1), BUF+7
      MOV       4, BUF+12
      MOV       3, BUF+16
      WA        =17, BUF
      DEC       1
HANO   TST       1
      BNE      HANI
      RTS       9
*
GO     MOV       NUM, 2
      MOV       NUM+1, 3
      MOV       NUM+2, 4
      MOV       N, 1
      JSR       9, HANO
      BBW       .
      WA        =1, BUF+6
*
DEB    RI        =1, N
      BBR       .
      WI        =1, N
      TST       N
      BNE      GO
      BBW       .
      HALT
      END      DEB

```

m : nombre total de disques empilés.
 d : n° aiguille de départ, ici 1
 a : n° aiguille d'arrivée, ici 2
 i : n° aiguille intermédiaire, ici 3

1
DISQUE 1 DE 1 A 2

2
DISQUE 1 DE 1 A 3
DISQUE 2 DE 1 A 2
DISQUE 1 DE 3 A 2

3
DISQUE 1 DE 1 A 2
DISQUE 2 DE 1 A 3
DISQUE 1 DE 2 A 3
DISQUE 3 DE 1 A 2
DISQUE 1 DE 3 A 1
DISQUE 2 DE 3 A 2
DISQUE 1 DE 1 A 2

4
DISQUE 1 DE 1 A 3
DISQUE 2 DE 1 A 2
DISQUE 1 DE 3 A 2
DISQUE 3 DE 1 A 3
DISQUE 1 DE 2 A 1
DISQUE 2 DE 2 A 3
DISQUE 1 DE 1 A 3
DISQUE 4 DE 1 A 2
DISQUE 1 DE 3 A 2
DISQUE 2 DE 3 A 1
DISQUE 1 DE 2 A 1
DISQUE 3 DE 3 A 2
DISQUE 1 DE 1 A 3
DISQUE 2 DE 1 A 2
DISQUE 1 DE 3 A 2

0

HANØI . si $m = 0$, retour.

HAN1 - empiler m .

HAN2 - empiler d .

HAN3 - empiler a .

HAN4 - empiler i .

HAN5 - $m \leftarrow m - 1$.

HAN6 - échanger a et i . l'instruction $M\phi V @8,3$ met dans $R3$ le sommet de pile, i.e. i , et $M\phi V 1(8),4$ met dans $R4$ le sous-sommet de pile, i.e. a .
Ce qui réalise la permutation $\begin{pmatrix} d & a & i \\ & d & i & a \end{pmatrix}$

HAN7 - appeler HANØI.

HAN8 - $d \leftarrow$ sommet de pile. Dépiler.

HAN9 - $a \leftarrow$ sommet de pile. Dépiler.

HAN10 - $i \leftarrow$ sommet de pile. Dépiler.

HAN11 - $m \leftarrow$ sommet de pile. Dépiler.

Ce qui réalise la permutation $\begin{pmatrix} d & a & i \\ & i & a & d \end{pmatrix}$

HAN12 - Imprimer "DISQUE m DE i VERS a ".

N'oubliez pas que i contient l'ancienne valeur de d .

HAN13 - $m \leftarrow m - 1$ - Vers HANØI.

$R1 \equiv m, R2 \equiv d, R3 \equiv a, R4 \equiv i$ -

2164 UNITS

*
* ELIMINATION DES BLANCS D UNE LIGNE.
*

```

      ORIG      500
POIN  DC        /./
BLAN  DC        / /
TEX   RES       80
E0    MOV       =-1,0
E1    INC       0
      CMP       TEX(0),BLAN
      BNE       E1
      MOV       0,1
      BBW       .
E2    INC       1
      CMP       TEX(1),BLAN
      BEQ       E2
      MOV       TEX(1),TEX(0)
      INC       0
      CMP       TEX(1),POIN
      BNE       E2
      WA        0,TEX
      BBW       .
      WA        =1,BLAN
      BBW       .
LIRE  RA        TEX
      BBR       .
      WA        =80,TEX
      CMP       TEX,POIN
      BNE       E0
      BBW       .
      HALT
      END       LIRE

```

- E1. Placer dans I l'adresse du 1^{er} blanc de la ligne.
 E2. Placer dans J l'adresse du 1^{er} caractère non-blanc suivant celui à l'adresse I.
 E3. Ligne [J] → Ligne [I]. $I \leftarrow I+1$.
 E4. Si Ligne [J] = ".", fini (et I contient le nombre de caractères non-blancs). Sinon vers E2.

$R0 \equiv I$, $R1 \equiv J$.

LA CIGALE AYANT CHANTE TOUT L ETE SE TROUVA .
LACIGALEAYANTCHANTETOUTLETESETROUVA.

FORT DEPOURVUE QUAND LA BISE FUT VENUE.
FORTDEPOURVUEQUANDLABISEFUTVENUE.

1655 UNITS

```

*
* TRIANGLE DE PASCAL.
*
E2  MOV    0,3
     INC    3
     SUB    2,3
     MUL    1,3
     DIV    2,3
     MOV    3,1
E3  MOV    1,(4)+
     INC    2
     CMP    0,2
     BLE    E2
     WI     2,LIGN
     INC    0
     CMP    =10,0
     BLT    E1
     BBW    .
     HALT
DEBU CLR    0
E1   MOV    =1,1
     CLR    2
     MOV    =LIGN,4
     BBW    .
     BR     E3
LIGN RES    0
     END    DEBU

```

L'algorithme est fondé sur les relations :

$$\binom{n}{0} = 1, \quad \binom{n}{p} = \binom{n}{p-1} * (n-p+1) / p.$$

- E0 - $n \leftarrow 0$.
 E1 - $p \leftarrow 1$ - $P \leftarrow 0$ - Préparer le pointeur de stockage - Vars E3.
 E2 - $x \leftarrow p \cdot (n-p+1) / p$ - $p \leftarrow x$.
 E3 - stocker p - $p \leftarrow p+1$ - Si $p \leq n$ vers E2.
 E4 - écrire les p nombres stockés - $n \leftarrow n+1$.
 Si $n < 10$ vers E1 sinon fini.

$R0 \equiv n$, $R1 \equiv p$, $R2 \equiv P$, $R3 \equiv x$, $R4 \equiv$ pointeur de stockage.

1										
1	1									
1	2	1								
1	3	3	1							
1	4	6	4	1						
1	5	10	10	5	1					
1	6	15	20	15	6	1				
1	7	21	35	35	21	7	1			
1	8	28	56	70	56	28	8	1		
1	9	36	84	126	126	84	36	9	1	

1499 UNITS

```

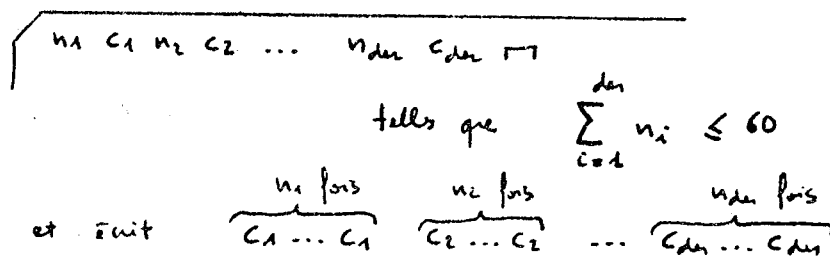
*
*   COROUTINES.
*
      ORIG      40
POIN  DC        /./
IN    RES       80
OUT   RES       60
BLAN  DC        / /
*
ISNU  MOV       =10,6
ISN2  DEC       6
      CMP       IN(0),NUM(6)
      BNE      ISN2
      RTS      9
NUM   DC        /0123456789/
*
E0    JSR       9,@(8)+      RESUME NEXC
PP    INC       1
      MOV      IN(0),(2)+
      BR       E0
*
DEBU  MOV       =PP,-(8)     PREPARE COROUTINES.
      BR       E1
END   WA        1,OUT
      BBW      .
E1    WA        =1,BLAN
      MOV      =-1,0         R0 INDEX IN.
      CLR      1            R1 INDEX OUT.
      MOV      =OUT,2
      RA       IN
      BBR      .
      WA       =80,IN
      CMP      IN,POIN
      BNE      NEXC
      BBW      .
NEXC  HALT
      INC      0
      CMP      IN(0),BLAN
      BEQ      END
      JSR      9,ISNU
      INC      0
E2    TST       6            R6 NB DE CARS A ECRIRE
      BEQ      NEXC
      JSR      9,@(8)+      RESUME PP
      DEC      6
      BR       E2
*
      END      DEBU

```


Voir KNUTH, vol. I, pages 130-136.

78

le programme lit des codes de type (avec n_i : chiffre $\in [0,9]$
 c : caractère quelconque)



1A2B3C2A
 ABBCCCAA

1C0A2B
 CBB

5A4B3C2D1E
 AAAAABBBBCCCDDE

9 9*4 1B1R1A1V104 9*
 ***** BRAVO *****

3040 UNITS

Sont mises au jeu 2 coroutines

- 1° PP stocke le caractère transmis par NEXC et redemande un caractère à NEXC.
- 2° NEXC avalu le nombre n_i de caractères à stocker dans le buffer de sortie, et jette n_i fois le caractère à écrire à PP.

Les appels de coroutines (RESUME) ont lieu par l'instruction :

JSR 9, @ (8)+ (voir pages 41-42).

$R1 \equiv nbc$: nombre de caractères stockés, $R0 \equiv inp$: index du buffer d'entrée,
 $R6 \equiv cnb$: nombre d'occurrences du caractère c_i à stocker. $cnb \in [0,9]$

PP. $nbc \leftarrow nbc + 1$. Stocker $IN[inp]$. Resume NEXC. Vars PP.

NEXC. $inp \leftarrow inp + 1$. Si $IN[inp] = \text{flanc}$, écrire les nbc caractères stockés, Fini.
 $cnb \leftarrow$ traduction en entier du caractère dans $IN[inp]$.

EZ. si $cnb = 0$, vers NEXC. Resume PP. $cnb \leftarrow cnb - 1$. Vars EZ.

```

*
*   COMPTER LES VOYELLES D UN TEXTE.
*

```

```

TEXT  RES    80
VOY   DC     /AEIOU./
NB    RES    1
SCAN  MOV    =-80,1
COMP  MOV    TEXT+80(1),3
      CMP    3,VOY+5
      BNE    SCA2
      WI     =1,NB
      BBW    .
DEB   CLR    NB
      BR     LIRE
SCA2  MOV    =VOY,0
      MOV    =-6,2
SCA3  INC    2
      BEQ    AVAN
      CMP    (0)+,3
      BNE    SCA3
      INC    NB
AVAN  INC    1
      BNE    COMP
LIRE  RA     TEXT
      BBR    .
      WA     =80,TEXT
      CMP    TEXT,VOY+5
      BNE    SCAN
      BBW    .
      HALT
      END    DEB

```

NOUS SOMMES ICI PAR LA VOLONTE DU PEUPLE, ET NOUS N EN SORTIRONS
QUE PAR LA FORCE DES BAIONETTES.

34
DE L AUDACE, ENCORE DE L AUDACE ET TOUJOURS DE L AUDACE.

23
MADAME VETO AVAIT PROMIS DE FAIRE EGORGER TOUT PARIS.

21
MAIS SON COUP A MANQUE, GRACE A NOS CANONNIERS.

17
.

11405 UNITS

```

*
*      ADDITION DE MATRICES 3*3  C=A+B
*
      ORIG      100
MA      RES      9
MB      RES      9
MC      RES      9
*
BLAN    DC      / /
RES     DC      /RESULTAT/
*
DEBU    WA      =1, BLAN
        BBW      .
        MOV      =3, 0
        JSR      7, LIRM
        DC      MA
        JSR      7, LIRM
        DC      MB
        BBW      .
        WA      =8, RES
*
*      ADDITION
*
      MOV      =8, 1
RE      MOV      MA(1), MC(1)
        ADD      MB(1), MC(1)
        DEC      1
        BGE      RE
*
*      ECRIRE C.
*
        CLR      1
        BBW      .
        WI      0, MC(1)      1H
        ADD      0, 1
        CMP      =9, 1
        BLT      =-7          VERS 1B
        BBW      .
        HALT
*
LIRM    MOV      (7)+, 2
        MOV      0, 1
        RI      0, @2          1H
        BBR      .
        BBW      .
        WI      0, @2
        ADD      0, 2
        ADD      0, 1
        CMP      =9, 1
        BLE      =-10         VERS 1B
        BBW      .
        WA      =1, BLAN
        RTS      7
*
      END      DEBU

```

1	2	3
4	5	6
7	8	9
1	2	3
4	5	6
7	8	9
RESULTAT		
2	4	6
8	10	12
14	16	18

831 UNITS

On notera le passage de paramètres à des sous-programmes dans les appels

JSR 7, LIRM et JSR 7, LIRM
DC MA DC MB

Renvoie à ce propos la page 39.

PERMUTATIONS EN ORDRE LEXICOGRAPHIQUE.

```

*
*
*
GO  ORIG 100
    MOV N,7
    MOV 7,6
    INC 6
    MOV 7,0

*
E0  CLR NFAC(0)
    DEC 0
    BGT E0

*
ENC BBW .
    CLR PERM(7)
    MOV 7,0
    MOV =NFAC+1,2
E1  DEC 0
    MOV (2)+, PERM(0)
    MOV 0,1
E2  INC 1
    CMP PERM(0), PERM(1)
    BLT E3
    INC PERM(1)
E3  CMP N,1
    BLT E2
    TST 0
    BGT E1

*
WI 6, PERM
MOV =1, 0
E5  CMP 0, NFAC(0)
    BEQ E7
    INC NFAC(0)
    MOV 0,1
    DEC 1
E6  CLR NFAC(1)
    DEC 1
    BGT E6
    BR ENC
E7  INC 0
    CMP N,0
    BLE E5
    BBW .
    WA =1, BLAN

*
READ RI =1, N
    BBR .
    WI =1, N
    TST N
    BNE GO
    BBW .
    HALT.

*
BLAN DC / /
N RES 1
NFAC RES 10
PERM RES 10
*
END READ

```

L'algorithme consiste à ranger tous les nombres factoriels

$$\sum_{i=1}^n S_i \times i! < (n+1)!$$

Puis, à chacun de ces nombres factoriels, faire correspondre la permutation associée par la méthode de LEHMER.

Comme on verra facilement que

$\text{MAX}(S_n, S_{n-1}, \dots, S_1)$ tel que

$$\sum_{i=1}^n S_i \times i! < (n+1)!, \text{ est } (n, n-1, \dots, 1),$$

les S_n, S_{n-1}, \dots, S_1 variant de

$$(0, 0, \dots, 0) \text{ à } (n, n-1, \dots, 2, 1)$$

Le vecteur NFAC contiendra les S_i , et le vecteur PERM contiendra les permutations associées.

$$i \leftarrow n.$$

E0 - $\text{NFAC}[i] \leftarrow 0, i \leftarrow i-1, \text{ si } i \geq 1 \text{ vers E0.}$

ENC - $\text{PERM}[n] \leftarrow 0. i \leftarrow n-1.$

E1 - $\text{PERM}[i] \leftarrow \text{NFAC}[n-i], j \leftarrow i+1.$

E2 - si $\text{PERM}[j] < \text{PERM}[i]$ vers E3, sinon $\text{PERM}[j] \leftarrow \text{PERM}[j]+1.$

E3 - $j \leftarrow j+1. \text{ Si } j \leq n, \text{ vers E2. Sinon } i \leftarrow i-1. \text{ Si } i \geq 0 \text{ vers E1.}$

E4 - Imprimer $n+1$ nombres dans PERM. $i \leftarrow 1.$

E5 - Si $\text{NFAC}[i] = i$ vers E7. Sinon $\text{NFAC}[i] \leftarrow \text{NFAC}[i]+1, j \leftarrow i-1.$

E6 - $\text{NFAC}[j] \leftarrow 0, j \leftarrow j-1. \text{ Si } j \geq 1 \text{ vers E6}$
 sinon vers ENC.

E7 - $i \leftarrow i+1. \text{ Si } i \leq n \text{ vers E5}$ sinon fini.

$R0 \equiv i, R1 \equiv j, R2 \equiv \text{pointeur de PERM},$

$R6 \equiv n+1, R7 \equiv n.$

1			
0	1		
1	0		
2			
0	1	2	
0	2	1	
1	0	2	
1	2	0	
2	0	1	
2	1	0	
3			
0	1	2	3
0	1	3	2
0	2	1	3
0	2	3	1
0	3	1	2
0	3	2	1
1	0	2	3
1	0	3	2
1	2	0	3
1	2	3	0
1	3	0	2
1	3	2	0
1	3	1	0
1	3	0	1
2	0	1	3
2	0	3	0
2	1	0	1
2	1	3	0
2	3	0	1
2	3	1	0
2	3	2	1
3	0	1	2
3	0	2	1
3	1	0	2
3	1	2	0
3	2	0	1
3	2	1	0
0			

4680 UNITS

```

*
* CARRES MAGIQUES
*
GO  ORIG 40
    MOV N,0
    MOV 0,8
    DEC 0
    DIV =2,0
*
    MOV =1,2
RE0 MOV 8,3
    MOV =BUF,1
    ADD 8,1
*
RE1 MOV 3,6
    ADD 0,6
    SUB 2,6
    MOV 3,7
    ADD 3,7
    SUB 2,7
    CMP 8,6
    BLT E2
    SUB 8,6
    BR  E3
E2  TST 6
    BGE E3
    ADD 8,6
E3  CMP 8,7
    BLE E4
    SUB 8,7
    BR  E5
E4  TST 7
    BGT E5
    ADD 8,7
E5  BBW .
    MUL 8,6
    ADD 7,6
    MOV 6,--(1)
*
    DEC 3
    BNE RE1
    WI 8,BUF
    INC 2
    CMP 8,2
    BLE RE0
    BBW .
    WA =1,BLAN
*
DEB RI =1,N
    BBR .
    WI =1,N
    TST N
    BNE GO
    BBW .
    HALT
BLAN DC / /
N RES 1
BUF RES 0
END  DEB

```

L'algorithme n'est pas vraiment très récent. Il s'applique aux carrés d'ordre impair. Il est mentionné pour la 1^{re} fois en Occident dans la "Relation du Royaume de Siam" de l'ambassadeur De la Harpe, en 1683 (Je vous recommande à cette occasion l'excellent livre de Edward Feltner "Games ancient and oriental and how to play them" réédité chez Dover et vendu pour la somme modique de \$2.75. C'est plein de jeux épatants égyptiens, chinois, mongols indiens et latins).

Étant donné 2 entiers $i, j \in [1, n]$ représentant les coordonnées en ligne (i) et colonne (j) du tableau BUF, on trouve ainsi l'objet à placer :

$$b \leftarrow j - i + (n-1)/2$$

$$c \leftarrow j * 2 - i$$

E1. si $b \geq n$, $b \leftarrow b - n$ et vers E3.

E2. si $b < 0$, $b \leftarrow b + n$.

E3. si $c \geq n$, $c \leftarrow c - n$ et vers E5.

E4. si $c \leq 0$, $c \leftarrow c + n$.

E5. $BUF[i, j] \leftarrow b * n + c$.

$$R6 \equiv b, \quad R7 \equiv c, \quad R2 \equiv (n-1)/2,$$

$$R2 \equiv i, \quad R3 \equiv j$$

3								
4	9	2						
3	5	7						
8	1	6						
5								
11	18	25	2	9				
10	12	19	21	3				
4	6	13	20	22				
23	5	7	14	16				
17	24	1	8	15				
7								
22	31	40	49	2	11	20		
21	23	32	41	43	3	12		
13	15	24	33	42	44	4		
5	14	16	25	34	36	45		
46	6	8	17	26	35	37		
38	47	7	9	18	27	29		
30	39	48	1	10	19	28		
9								
37	48	59	70	81	2	13	24	35
36	38	49	60	71	73	3	14	25
26	28	39	50	61	72	74	4	15
16	27	29	40	51	62	64	75	5
6	17	19	30	41	52	63	65	76
77	7	18	20	31	42	53	55	66
67	78	8	10	21	32	43	54	56
57	68	79	9	11	22	33	44	46
47	58	69	80	1	12	23	34	45
0								

7796 UNITS

